



قررت وزارة التعليم تدريس
هذا الكتاب وطبعه على نفقتها

الرياضيات

الصف السادس الابتدائي
الفصل الدراسي الثاني



قام بالتأليف والمراجعة
فريق من المتخصصين

طبعة ١٤٤٦ - ٢٠٢٤

يوزع مجاناً للإيحاء

ح) وزارة التعليم ، ١٤٤٣ هـ

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر
وزارة التعليم

الرياضيات - الصف السادس الابتدائي - التعليم العام - الفصل الدراسي الثاني
/ وزارة التعليم - الرياض ، ١٤٤٣ هـ .

١٣٣ ص ؛ ٢١ × ٢٧ سم

ردمك : ٥-٢٤٧-٥١١-٦٠٣-٩٧٨

١ - الرياضيات - تعليم - السعودية
السعودية . أ - العنوان

١٤٤٣ / ١٢٩٦٦

ديوي ٥١٠,٧١٢

رقم الإيداع : ١٤٤٣ / ١٢٩٦٦

ردمك : ٥-٢٤٧-٥١١-٦٠٣-٩٧٨

حول الغلاف

تدرس في هذا الصف الكثير عن الكسور الاعتيادية والعشرية
وتطبيقاتها مثل معدل السرعة الذي يعبر عنه بالكسر: المسافة .
الزمن



حقوق الطبع والنشر محفوظة لوزارة التعليم

www.moe.gov.sa

مواد إلكترونية وداعمة على "منصة عين الإثرائية"



ien.edu.sa

أعضاء المعلمين والمعلمات، والطلاب والطالبات، وأولياء الأمور، وكل مهتم بالتربية والتعليم؛
يسعدنا تواصلكم؛ لتطوير الكتاب المدرسي، ومقترحاتكم محل اهتمامنا.



fb.iien.edu.sa



وزارة التعليم

Ministry of Education

2024 - 1446

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



الهندسة : الزوايا والمضلعات

الفكرة العامة

- أستعمل مصطلحات هندسية لوصف الزوايا والمضلعات.

المفردات:

- الزاوية ص (٧٤)
- رأس الزاوية ص (٧٤)
- الدرجة ص (٧٤)
- الشكل الرباعي ص (٩٤)

الربط بالحياة:

قاطرة كهربائية: يشهد ركاب القاطرة الكهربائية في إحدى مدين الألعاب تجربة الهبوط من ارتفاع ٤٢ مترًا بزاوية ٧٠°

المطويات

مُنظّم أفكار

الهندسة (الزوايا والمضلعات): اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظتك حول الزوايا والمضلعات، ابدأ بخمس أوراق A4

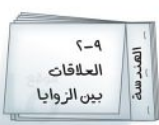


١-٩
قياس وتقدير
الزوايا ورسمها

١ **ألصق** الشريط بالطبقة السفلية، واکتب كلمة "الهندسة" عليه، وعنوان الدرس على الجزء الأمامي من الورقة.



٢ **اطو** الورقة من منتصفها من الجهة الأطول. ثم قص شريطاً بعرض ٣ سم من أحد الجزئين.



٢-٩
العلاقات
بين الزوايا

٣ **كرّر** الخطوات ١ - ٣ مع جميع دروس الفصل باستعمال الأوراق المتبقية، ثم ثبت الأوراق معاً لتكوين كراسة.



تعريفات
أمثلة
الهندسة

٤ **اكتب** "تعريفات" و "أمثلة" على جزأي الورقة من الداخل.



التهيئة

أجب عن الاختبار الآتي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

اختبار للريخ

مراجعة للريخ

حلّ كلاً من المعادلات الآتية: (مهارة سابقة)

- ١ س + ٤٤ = ٩٠
- ٢ ٦٨ + س = ٩٠
- ٣ ١٢٢ + س = ١٨٠
- ٤ ١٨٠ = س + ٨٧

مثال ١:

حلاً للمعادلة: $١٨٠ = س + ٥٤$

الإجابات في الصفحة التالية

يضاف إلى ١٨٠؟

تعلم أن: $١٨٠ = ١٢٦ + ٥٤$ فيكون حل هذه المعادلة هو ١٢٦

٥ **كرة سلة:** سجّل عليّ ٤٠ نقطة في أول مباراتين من مباريات موسم كرة السلة. فإذا سجّل ٢١ نقطة في المباراة الثانية، فكم نقطة سجّل في المباراة الأولى؟

مثال ٢:

حلاً للمعادلة: $١٨٠ = س + ٦١ + ٢٢$

اجمع ٦١ مع ٢٢ ففكر: ما العدد الذي يضاف إلى ٨٣ لتكون النتيجة ١٨٠؟

تعلم أن: $١٨٠ = ٩٧ + ٨٣$ فيكون حل هذه المعادلة هو ٩٧

حلّ المعادلات الآتية: (مهارة سابقة)

- ٦ $١٨٠ = س + ٤٤ + ٧٧$
- ٧ $١٨٠ = س + ٩٠ + ٣٢$
- ٨ $٣٦٠ = س + ١٠٨ + ٨٢$
- ٩ $٣٦٠ = س + ١١٢ + ٣٨ + ٢٩$

١٠ **فنادق:** استأجر نواف وثلاثة من أصدقائه غرفة في فندق تتسع لأربعة أشخاص بـ ٣٦٠ ريالاً. فإذا دفع كل واحد من أصدقائه ٨٥ ريالاً، فكم ريالاً سيدفع نواف؟

الإجابات في الصفحة التالية

حلّ كلاً من المعادلات الآتية: (مهارة سابقة)

$$90 = 68 + \text{س} \quad 2$$

$$\text{س} = 90 - 68 = 22$$

$$90 = 44 + \text{س} \quad 1$$

$$\text{س} = 90 - 44 = 46$$

$$180 = 87 + \text{س} \quad 4$$

$$\text{س} = 180 - 87 = 93$$

$$180 = 122 + \text{س} \quad 3$$

$$\text{س} = 180 - 122 = 58$$

5 كرة سلة: سجّل عليّ 40 نقطة في أول مباراتين من مباريات موسم كرة السلة. فإذا سجّل 21 نقطة في المباراة الثانية، فكم نقطة سجّل في المباراة الأولى؟

$$\text{كرة السلة: س} + 21 = 40$$

$$\text{س} = 40 - 21 = 19 \text{ نقطة}$$

حلّ المعادلات الآتية: (مهارة سابقة)

$$180 = 77 + 44 + \text{س} \quad 6$$

$$\text{س} = 180 - 77 - 44 = 59$$

$$١٨٠ = ٣٢ + س + ٩٠$$

$$س = ١٨٠ - ٣٢ - ٩٠ = ٥٨$$

$$٣٦٠ = ٨٢ + ١٠٨ + س + ٥٣$$

$$س = ٣٦٠ - ٨٢ - ١٠٨ - ٥٣ = ١١٧$$

$$٣٦٠ = س + ١١٢ + ٣٨ + ٢٩$$

$$س = ٣٦٠ - ١١٢ - ٣٨ - ٢٩ = ١٨١$$

١٠ **فنادق:** استأجر نواف وثلثة من أصدقائه غرفة في فندق تتسع لأربعة أشخاص بـ ٣٦٠ ريالاً. فإذا دفع كل واحد من أصدقائه ٨٥ ريالاً، فكم ريالاً سيدفع نواف؟

$$٣٦٠ = ٨٥ + ٨٥ + ٨٥ + س$$

$$س = ٣٦٠ - ٨٥ - ٨٥ - ٨٥ = ١٠٥ \text{ ريال}$$



قياس وتقدير الزوايا ورسمها

٩ - ١

استعد



مصرفات: الدائرة المجاورة توضح مصرفات أحمد خلال أحد الأشهر.

- أي مصرفات أحمد كانت أكبر، الفواتير أم الملابس؟ الطعام أم السيارة؟ وضح ذلك.
- إذا كانت النسب ١٤٪، ١٧٪، ١٢٪، ٢٠٪، ٣٧٪ تمثل أجزاء الدائرة المجاورة، فوضح كيف ترتبط هذه النسب بالمصرفات الممثلة لها.

فكرة الدرس:

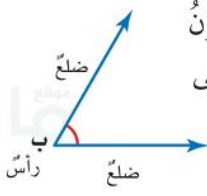
أقدر قياس الزوايا، وأجد قياسها، وأرسمها.

المفردات:

الزاوية

رأس الزاوية

الدرجة



الإجابات في الصفحة التالية

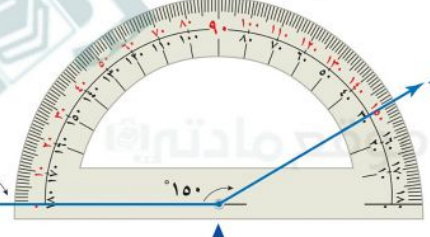
زاوية. فالزاوية تتكون من رأس الزاوية. وتسمى الزاوية بدلالة رأسها. فالزاوية في الشكل المجاور هي الزاوية ب، ويُعبّر عنها بالرمز: $\angle ب$.



الوحدة الأكثر استعمالاً للتعبير عن قياس الزاوية هي **الدرجة**، ويمكن تقسيم الدائرة إلى ٣٦٠ جزءاً متطابقاً، وكل جزء يشكل زاوية قياسها درجة واحدة (١°).

مثال

استعمل المنقلة لإيجاد قياس الزاوية أدناه.



اجعل التدريج صفراً للمنقلة على استقامة أحد ضلعي الزاوية.

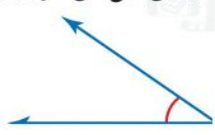
استعمل التدريج الذي يبدأ من جهة الضلع المار بالصففر، وفي هذه الحالة استعمل التدريج الخارجي.

ضع المنقلة، بحيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية.

إذن قياس الزاوية ١٥٠°

تحقق من فهمك:

أوجد قياس كل من الزاويتين الآتيتين:



الإجابات في الصفحة التالية

استعدّ

مصرفات: الدائرة المجاورة توضّح مصرفات أحمد خلال أحد الأشهر.

أي مصرفات أحمد كانت أكبر، الفواتير أم الملابس؟ الطعام أم السيارة؟ وضّح ذلك.

الفواتير والطعام؛ حيث أن القطاع الدائري للفواتير أكبر من القطاع الدائري للملابس، القطاع الدائري للطعام أكبر من القطاع الدائري للسيارة

مصرفات أحمد خلال أحد الأشهر



إذا كانت النسب 14% ، 17% ، 12% ، 20% ، 37% تمثل أجزاء الدائرة المجاورة، فوضّح كيف ترتبط هذه النسب بالمصرفات الممثلة لها.

لربط النسب بالمصرفات:

أرتب النسب ترتيباً تنازلياً: 37% ، 20% ، 17% ، 14% ، 12%
أرتب المصرفات تنازلياً: الطعام، الفواتير، السكن، السيارة، الملابس
بالمقارنة نجد أن:

النسبة 37% تمثل مصرف الطعام

النسبة 20% تمثل مصرف الفواتير

النسبة 17% تمثل مصرف السكن

النسبة 14% تمثل مصرف السيارة

النسبة 12% تمثل مصرف الملابس

تحقق من فهمك: موقع مادنتري

أوجد قياس كل من الزاويتين الآتيتين:



باستعمال المنقلة أجد أن قياس الزاوية = 35°



باستعمال المنقلة أجد أن قياس الزاوية = 115°



مثال تقدير قياس زاوية

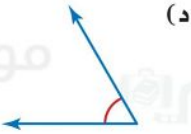
٢ قدر قياس الزاوية المجاورة.

قياس هذه الزاوية أقل من قياس الزاوية القائمة (٩٠°) بقليل. إذن يُعدُّ التقدير ٨٠° تقديرًا معقولًا لقياس هذه الزاوية.



تحقق من فهمك:

قدر قياس كل من الزاويتين الآتيتين:



الإجابات في الصفحة التالية

٣ استعمل المنقلة والمسطرة لرسم زاوية قياسها ٧٤°

الخطوة ١: ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدّد رأسها.

الخطوة ٢: ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة

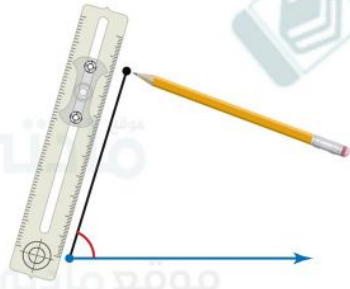
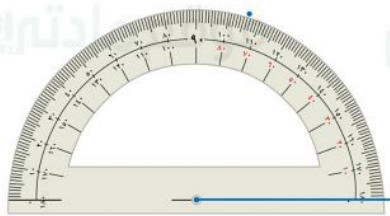
المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع

الزاوية. ثم ابحث عن ٧٤° على التدرج المناسب، وعين نقطة

بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة، ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي

عينتها مستعملًا المسطرة.



إرشادات للدراسة
التحقق من معقولية الحل:
يمكنك أن تتحقق إذا كنت
تستعمل التدرج المناسب
لقياس الزاوية بمقارنة
الزاوية التي رسمتها مع
تقدير قياسها.

تحقق من فهمك:

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية:

ز ٨٥°

و ١٠٥°

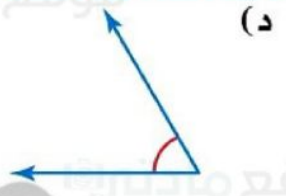
هـ ٦٨°

الإجابات في الصفحة التالية

قدّر قياس كل من الزاويتين الآتيتين:



قياس هذه الزاوية يساوي ٩٠° تقريباً، إذن يعد التقدير ٩٠° تقديراً معقولاً لقياس هذه الزاوية.



قياس هذه الزاوية اقل من ٦٠°، إذن يعد التقدير ٦٠° تقديراً معقولاً لقياس هذه الزاوية.

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية

(هـ) ٦٨°

الخطوة ١: ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم احدد رأسها.

الخطوة ٢: اضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

ثم ابحث عن التدرج ٦٨°، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة ثم اصل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينتها مستعملاً المسطرة.



استعمل المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية

و) ١٠٥°



الخطوة ١: ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة ٢: ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدريج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها

مستعملا المسطرة.



ز) ٨٥°

الخطوة ١: ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة ٢: ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدريج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها

مستعملا المسطرة.



الإجابات في الصفحة التالية

تأكّد

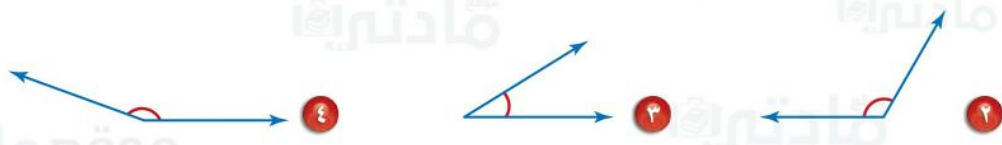
المثال ١

١ استعمال المنقلة لقياس الزاوية المجاورة.



المثال ٢

٢ قُدِّر قياس كلِّ من الزوايا الآتية:



المثال ٣

٣ استعمال المنقلة والمسطرة لرسم كلِّ من الزوايا التي لها القياسات الآتية:

- ٤ ٢٥°
- ٥ ١٤٠°
- ٦ ٦٠°



٧ دراجات: قُدِّر قياس زاوية المقود في الشكل المجاور.

تدرّب وحلّ المسائل

ارشادات للتمارين	
للتمارين	انظر الأمثلة
١٠، ٩	١
١٢، ١١	٢
١٨ - ١٣	٣

٨ استعمال المنقلة لإيجاد قياس كلِّ من الزوايا الآتية:



الإجابات في الصفحة التالية

٩ قُدِّر قياس كلِّ من الزوايا الآتية:



١٠ استعمال المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية:

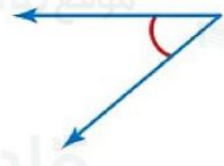
- ١١ ٧٥°
- ١٢ ٥٠°
- ١٣ ٢٠°
- ١٤ ١٧٥°
- ١٥ ١٣٣°
- ١٦ ١١٥°

١٧ وقت: قُدِّر قياس الزاوية التي تتكوّن من عقري الساعة في الشكل المجاور.



الإجابات في الصفحة التالية

١ استعمال المنقلة لقياس الزاوية المجاورة.

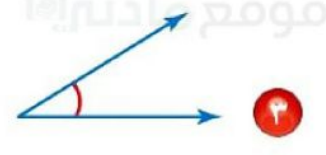


باستعمال المنقلة أجد أن قياس هذه الزاوية = ٤٠°

قدّر قياس كل من الزوايا الآتية:



قياس هذه الزاوية أكبر من ٩٠° ، إذن يعد التقدير ١٢٠° تقديراً معقولاً لقياس هذه الزاوية.



قياس هذه الزاوية أقل من ٩٠° ، إذن يعد التقدير ٣٠° تقديراً معقولاً لقياس هذه الزاوية.



قياس هذه الزاوية أكبر من ٩٠° ، إذن يعد التقدير ١٦٠° تقديراً معقولاً لقياس هذه الزاوية.

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية:

٥ ٢٥°



الخطوة ١:

ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة ٢:

ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية،

وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدريج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣:

ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها مستعملا المسطرة.



٦ ١٤٠°

الخطوة ١:

ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة ٢:

ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية،

وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدريج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣:

ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها مستعملا المسطرة.



الخطوة ١:

ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة ٢:

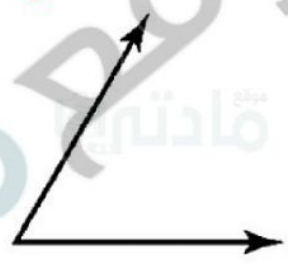
ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية،

وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدرج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣:

ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها مستعملاً المسطرة.



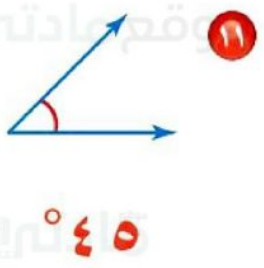
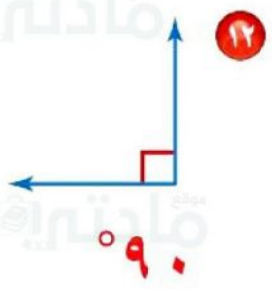
دراجات: قدر قياس زاوية المقود في الشكل المجاور.

دراجات: قياس هذه الزاوية اقل من ٩٠° ، إذن يعد التقدير ٧٥° تقديراً معقولاً لقياس هذه الزاوية.

استعمل المنقلة لإيجاد قياس كل من الزوايا الآتية:



قدّر قياس كل من الزوايا الآتية:



استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية:

الخطوة 1: ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

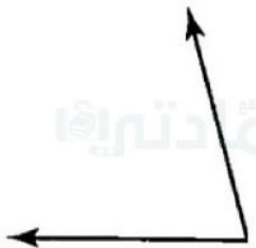


الخطوة 2:

ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية. ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدريج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة 3:

ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها مستعملا المسطرة.



استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية:

١٤ ٥٠°

الخطوة ١: ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة ٢: ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها بمحاذاته على الورقة.



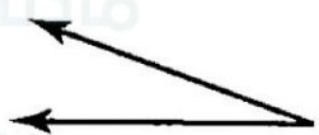
١٥ ٢٠°

الخطوة ١: ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة ٢: ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها مستعملا المسطرة.



استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية:

١١٥° **الخطوة ١:** ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.



الخطوة ٢: ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدرّج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها مستعملا المسطرة.



١٧٥° **الخطوة ١:** ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة ٢: ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية. ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدرّج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينها مستعملا المسطرة.



استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية:

18 ° 133

الخطوة 1: ارسم أحد ضلعي الزاوية، ثم حدد رأسها.

الخطوة 2: ضع المنقلة حيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية، وتكون الإشارة المقابلة للصفر على استقامة واحدة مع ضلع الزاوية.

ثم ابحث عن الزاوية المراد رسمها على التدريج المناسب، وعين نقطة بمحاذاته على الورقة.

الخطوة 3: ارفع المنقلة ثم صل بين رأس الزاوية والنقطة التي عينتها مستعملا المسطرة.

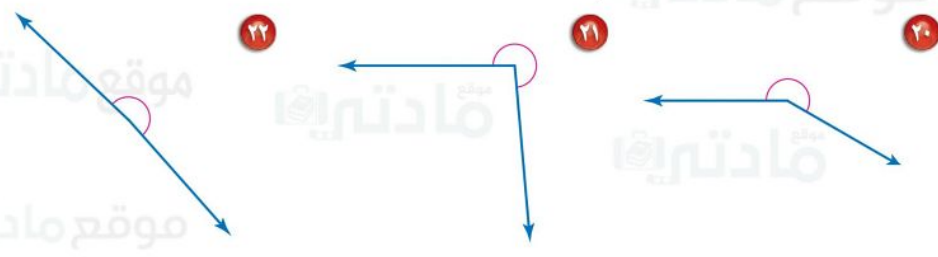


19 وقت: قدر قياس الزاوية التي تتكوّن من عقربي الساعة في الشكل المجاور.

قياس الزاوية = 150 °

الإجابات في الصفحة التالية

قدّر قياس كل من الزوايا الآتية، ثم فسّر إجابتك:



الربط بالحياة:

يُعدُّ الحوتُ الأحدبُ من الأسماك الاجتماعية التي تعيش في البحار القطبية وله ذيلٌ عريضٌ وطويلٌ، ويصل طوله إلى ١٤ متراً، وكتلته إلى ٦٥ طناً.

٢٣ الحوتُ الأحدبُ: ارسم نموذجاً للزاوية المتكوّنة من زعنفتي ذيل الحوت الأحدب، وأعطِ تقديراً معقولاً لقياس تلك الزاوية.

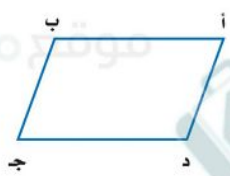
٢٤ سلاّم: يكون السلم في وضع آمن عندما يكون قياس الزاوية بين أعلاه والحائط الرأسي ١٥ تقريباً. قدّر قياس الزاوية التي يكونها كلُّ سلمٍ مع الحائط الرأسي في الأشكال الآتية ثم حدّد، أيُّ هذه السلاّم يُعدُّ آمناً؟



٢٥ مثلثات: ارسم المثلث الذي قياسات زواياه ٧٠°، ٦٠°، ٥٠° مستعملاً المنقلة والمسطرة، ثم اكتب قياس كل زاوية عليه.

الإجابات في الصفحة التالية

مسائل مهارات التفكير العليا



٢٦ تحدّ: قدّر قياس كل زاوية من زوايا الشكل المجاور، ثم حلّل العلاقات التي تلاحظها بين قياسات تلك الزوايا.

٢٧ تبرير: يتابع المعالج الطبيعي حالة مريض أُجريت له عملية جراحية في ركبته. وكان يحدّد في كل زيارة لهذا المريض الزاوية التي يستطيع أن يثني عندها ركبته. فهل من الممكن في رأيك أن يستعمل المعالج التقدير لمتابعة مدى التحسّن الذي يطرأ على ركلة المريض؟ برّر إجابتك.

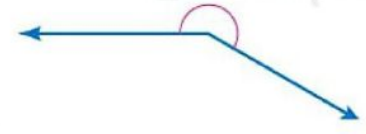
٢٨ مسألة مفتوحة: اكتب أحد الأرقام التي يظهر فيها شكل زاوية، وارسمه بالمسطرة، ثم سمّ الزاوية و قدر قياسها.

٢٩ اكتب: صف موقفاً يكون فيه رسم شكل ما بقياسات تقريبية للزوايا مناسباً ومفيداً.

الإجابات في الصفحة التالية

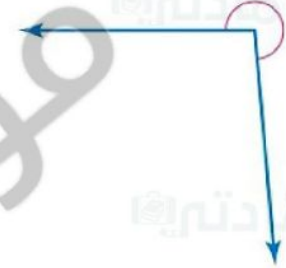
قدّر قياس كلّ من الزوايا الآتية، ثمّ فسّر إجابتك:

٢٠



قياس الزاوية = $360 - 170 = 190$ تقريباً

٢١



قياس الزاوية = $360 - 100 = 260$ تقريباً

٢٢



قياس الزاوية = $360 - 180 = 180$ تقريباً

٢٣

الحوّت الأحدب: ارسم نموذجاً للزاوية المتكوّنة من زعنفتي ذيل الحوت الأحدب، وأعط تقديرًا معقولاً لقياس تلك الزاوية.



الزاوية تقريباً ١٢٠

٢٤ **سلاّم:** يكون السلم في وضع آمن عندما يكون قياس الزاوية بين أعلاه والحائط الرأسي 15° تقريباً. قدّر قياس الزاوية التي يكونها كلّ سلّم مع الحائط الرأسي في الأشكال الآتية ثم حدّد، أيّ هذه السلاّم يُعدّ آمناً؟



(أ) قياس الزاوية 75° تقريباً

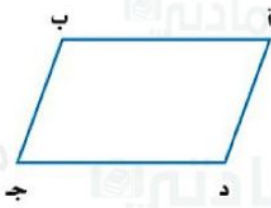
(ب) قياس الزاوية 15° تقريباً

(ج) قياس الزاوية 60° تقريباً

السلاّم رقم (ب) هي أكثر السلاّم أماناً

٢٥ **مثلثات:** ارسم المثلث الذي قياسات زواياه 50° ، 60° ، 70° مستعملاً المنقلة والمسطرة، ثم اكتب قياس كلّ زاوية عليه.





٢٦ **تحديد:** قدر قياس كل زاوية من زوايا الشكل المجاور، ثم حلل العلاقات التي تلاحظها بين قياسات تلك الزوايا.

قياس الزاوية أ = 70° تقريباً

قياس الزاوية ب = 110° تقريباً

قياس الزاوية ج = 70° تقريباً

قياس الزاوية د = 110° تقريباً

العلاقة بين الزوايا:

كل زاويتان متقابلتان متساويتان

كل زاويتان متاليتان متكاملتان (مجموعهما 180°)

٢٧ **تبرير:** يتابع المعالج الطبي حالة مريض أُجريت له عملية جراحية في ركبته. وكان يحدّد في كل زيارة لهذا المريض الزاوية التي يستطيع أن يثني عندها ركبته. فهل من الممكن في رأيك أن يستعمل المعالج التقدير لمتابعة مدى التحسن الذي يطرأ على ركلة المريض؟ برّر إجابتك.

لا، لأن التقدير تكون نتائج غير دقيقة وقياس التحسن يحتاج إلى قياس دقيق للزاوية.

٢٨ **مسألة مفتوحة:** اكتب أحد الأرقام التي يظهر فيها شكل زاوية، وارسمه بالمسطرة، ثم سمّ الزاوية وقدر قياسها.

الرقم هو ٧



تقدير الزاوية 40° تقريباً

٢٩ **الكتب:** صف موقفاً يكون فيه رسم شكل ما بقياسات تقريبية للزوايا مناسباً ومفيداً.

قدر قياس الزاوية بين عقربي الساعة عندما تكون الساعة في تمام الخامسة.

الإجابات في الصفحة التالية

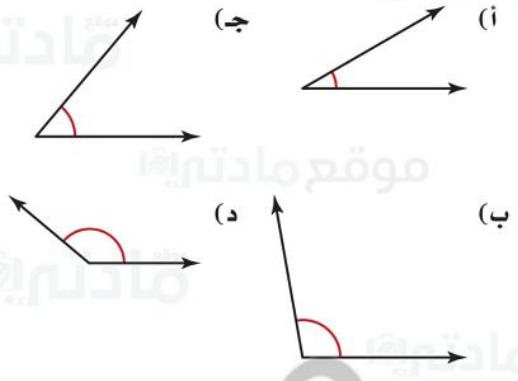
تدريب على اختبار

٣١ الشكل أدناه يمثل طائرة ورقية. قَدِّر قياس الزاوية أ



- (أ) ٤٥°
- (ب) ٨٠°
- (ج) ١٠٠°
- (د) ١٤٠°

٣٢ أي زاوية مما يأتي قياسها ٥٠° تقريبًا؟



مراجعة تراكمية

٣٣ طلاب: صف فيه ٢٨ طالبًا، تعيَّب منهم ٤ طلاب، بينما صف آخر فيه ٣٠ طالبًا تعيَّب منهم ٥ طلاب. أيهما كان أكثر نسبة حضور: الصف الأول أم الثاني؟ ولماذا؟ (مهارة سابقة)

٣٤ رحلات: إذا كان احتمال أن يذهب أحمد في رحلة برية ٨٥٪. فما احتمال عدم ذهاب أحمد في هذه الرحلة؟ (مهارة سابقة)

الإجابات في الصفحة التالية

- ٣٤ $\frac{7}{100}$
- ٣٥ $1 \frac{13}{25}$
- ٣٦ $\frac{3}{8}$
- ٣٧ $\frac{6}{10}$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل المعادلات التالية: (مهارة سابقة)

- ٣٨ $س + ٤٥ = ١٨٠$
- ٣٩ $س + ٢٥ = ٩٠$
- ٤٠ $س + ١٣٠ = ١٨٠$
- ٤١ $س + ٥٠ = ٩٠$

٣١ الشكل أدناه يمثل طائرة ورقية.



قدّر قياس الزاوية أ

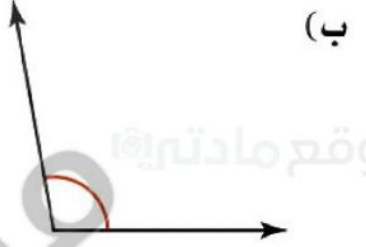
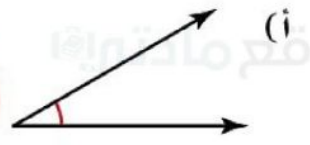
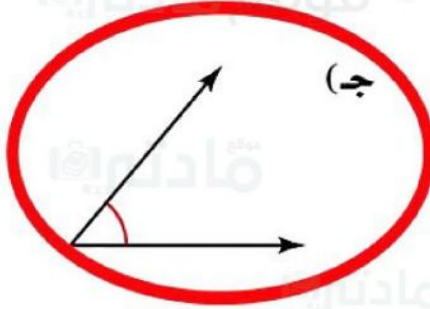
(ج) ١٠٠°

(د) ١٤٠°

(i) ٤٥°

(ب) ٨٠°

٣٢ أي زاوية مما يأتي قياسها ٥٠° تقريباً؟



مراجعة تراكمية

٣٣ طلاب: صف فيه ٢٨ طالباً، تغيب منهم ٤ طلاب، بينما صف آخر فيه ٣٠ طالباً تغيب منهم ٥ طلاب. أيهما كان أكثر نسبة حضور: الصف الأول أم الثاني؟ ولماذا؟ (مهارة سابقة)

نسبة الحضور أعلى في الصف الأول

لأن نسبة الغياب في الأول ١ : ٧ أما نسبة الغياب في الثاني ١ : ٦

٣٤ رحلات: إذا كان احتمال أن يذهب أحمد في رحلة برية ٨٥٪. فما احتمال عدم ذهاب أحمد في هذه الرحلة؟ (مهارة سابقة)

احتمال عدم ذهابه = ١٥٪

اكتب كلاً ممّا يأتي في صورة نسبة مئوية: (مهارة سابقة)

٣٥ $\frac{13}{25}$

٣٤ $\frac{7}{100}$

$\%102 = 1\frac{52}{100} = 1\frac{13}{25}$

$\%7 = \frac{7}{100}$

٣٧ $\frac{6}{10}$

٣٦ $\frac{3}{8}$

$\%60 = \frac{6}{10}$

$\%37,5 = \frac{37,5}{100}$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل المعادلات التالية: (مهارة سابقة)

٣٩ $90 = س + 25$

٣٨ $180 = 45 + س$

$25 - 90 = س$

$45 - 180 = س$

$65 = س$

$135 = س$

٤١ $90 = 50 + س$

٤٠ $180 = س + 130$

$50 - 90 = س$

$130 - 180 = س$

$40 = س$

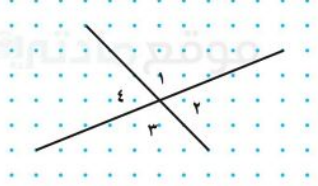
$50 = س$



العلاقات بين الزوايا

٩ - ٢

نشاط



- الخطوة ١: انسخ الشكل المبيّن في ورق منقط.
- الخطوة ٢: استعمل المنقلة لإيجاد قياس كل زاوية.
- ١) ماذا تلاحظ على قياس ١ و ٣، و ٢ و ٤؟
- ٢) صف العلاقة بين الزوايا المتقابلة الناتجة عن مستقيمين متقاطعين.
- ٣) أوجد مجموع قياسي ٣ و ٤، ومجموع قياسي ٢ و ٣ أيضًا.
- ٤) ما نوع الزاوية التي تكوّنها ٣ و ٤ معًا؟ وما نوع الزاوية التي تكوّنها ٢ و ٣ معًا؟
- ٥) صف العلاقة بين الزاويتين اللتين تشكّلان زاوية مستقيمة.

فكرة الدرس:
أصف العلاقات بين الزوايا وأطبّقها.

المفردات:
الزاويتان المتقابلتان بالرأس
الزاويتان المتطابقتان
الزاويتان المتكاملتان
الزاويتان المتتامتان

عندما يتقاطع مستقيمان، فإنهما يشكّلان زوجين من الزوايا المتقابلة، كل منهما يُسمّى زاويتين متقابلتين بالرأس. والزاويتان المتقابلتان بالرأس لهما القياس نفسه. وتُسمّى الزوايا التي لها القياس نفسه زوايا متطابقة.



مثال

- ١) إيجاد قياس زاوية مجهولة**
- أوجد قيمة s في الشكل المجاور.
- الزاويتان المشار إليهما بـ s ، 140° زاويتان متقابلتان بالرأس؛ لذا فهما متطابقتان. إذن، قيمة s هي 140° .
- تحقق من فهمك:**



أوجد قيمة s في كل من الشكلين الآتيين:



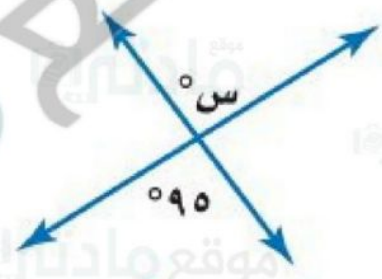
الإجابات في الصفحة التالية

تحقق من فهمك: ✓

أوجد قيمة س في كل من الشكلين الآتيين:



س = ١٧°



س = ٩٥°

يمكن إيجاد علاقات أخرى بين أزواج الزوايا. وقد وجدت في النشاط السابق أزواجاً من الزوايا مجموع قياساتها 180° . ونقول عن زاويتين إنهما زاويتان متكاملتان إذا كان مجموع قياسيهما يساوي 180° ، بينما نقول عنهما إنهما زاويتان متتامتان إذا كان مجموع قياسيهما يساوي 90° .

قراءة الرياضيات:
يقرأ الرمز \sphericalangle : قياس الزاوية

أزواج الزوايا

التعبير اللفظي: الزاويتان اللتان مجموع قياسيهما يساوي 180° هما زاويتان متكاملتان.

النماذج:

ق $120 = 120$ ، ق $60 = 21$ ، ق $159 = 21 + 138$ ، ق $180 = 180$

التعبير اللفظي: الزاويتان اللتان مجموع قياسيهما يساوي 90° هما زاويتان متتامتان.

النماذج:

ق $30 = 30$ ، ق $60 = 27$ ، ق $77 = 13 + 64$ ، ق $90 = 90$

يمكنك استعمال تعريف الزاويتين المتتامتين وتعريف الزاويتين المتكاملتين لتصنيف الزوايا.

مثالان تصنيف أزواج الزوايا

صنّف كلّاً من زوجي الزوايا الآتيين إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:

٢

$90 = 45 + 45$
بما أن مجموع قياسيهما يساوي 90° ، فالزاويتان متتامتان.

٣

$185 = 75 + 110$
بما أن مجموع قياسيهما لا يساوي 90° أو 180° ، فالزاويتان غير متتامتين وغير متكاملتين.

إرشادات للدراسة
العلاقات بين الزوايا ليس من الضروري أن تشترك الزاويتان في الرأس نفسه كي تُصنفاً على أنها متتامتان أو متكاملتان.

تحقق من فهمك:

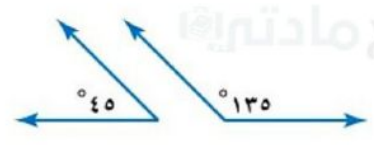
صنّف كلّاً من زوجي الزوايا الآتيين إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:

ج

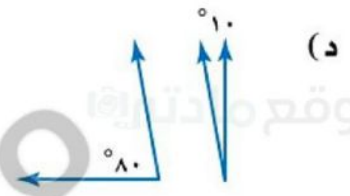
د

الإجابات في الصفحة التالية

صنّف كلّاً من زوجي الزوايا الآتيين إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:



متكاملتان، فمجموع قياسات الزاويتان يساوي 180°.

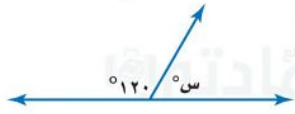


متتامتان، فمجموع قياسات الزاويتان يساوي 90°.

متالان ايجاد قياس زاوية مجهولة

أوجد قيمة س في كل من الشكلين الآتيين:

بما أن الزاويتين تشكّلان زاوية مستقيمة فإنهما متكاملتان.



تعريف الزاويتين المتكاملتين.
فكر: ما القياس الذي يُضاف إلى 120 لتكوّن النتيجة 180؟
إذن قيمة س هي 60

$$180 = 120 + S$$

$$180 = 60 + 120$$

بما أن الزاويتين تشكّلان زاوية قائمة فإنهما متتامتان.



تعريف الزاويتين المتتامتين.
فكر: ما القياس الذي يُضاف إلى 20 لتكوّن النتيجة 90؟
إذن قيمة س هي 70

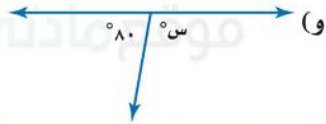
$$90 = 20 + S$$

$$90 = 70 + 20$$

إرشادات للدراسة
التحقّق من معقولة الحلّ
بما أنّ الزاوية التي قياسها س° زاوية حادة، لذا يجب أن تكون س أقل من 90°. وبما أنّ 60 > 90، فالإجابة معقولة.

تحقق من فهمك

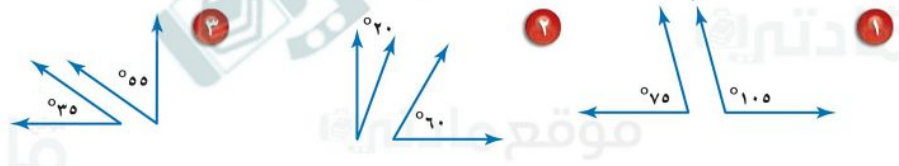
أوجد قيمة س في كل من الشكلين الآتيين:



الإجابات في الصفحة التالية

تأكّد

صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:



أوجد قيمة س في كل من الأشكال الآتية:

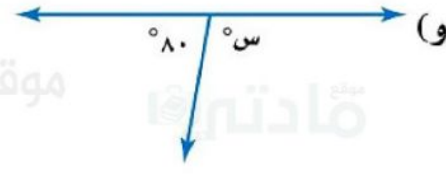


المثال 4: أشجار: ما قيمة س في ورقة الشجرة المجاورة؟

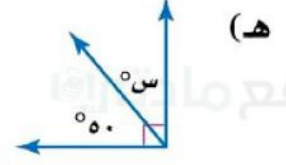


الإجابات في الصفحة التالية

أوجد قيمة س في كلٍّ من الشكلين الآتيين:



$س = 180 - 80 = 100$

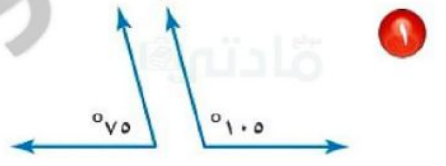


$س = 90 - 50 = 40$

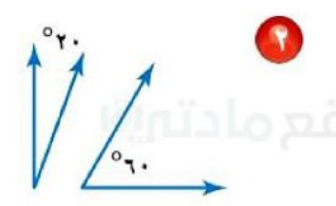
تَأَكَّدُ ✓

صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:

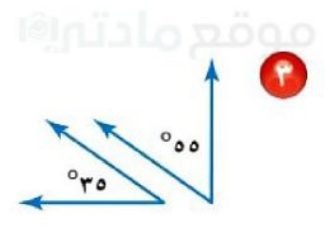
متكاملتين، فمجموع قياسات الزاويتان = $105 + 75 = 180$ °



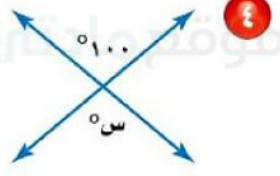
غير ذلك، فمجموع قياسات الزاويتان = $20 + 60 = 80$ °



متتامتين، فمجموع قياسات الزاويتان = $35 + 55 = 90$ °



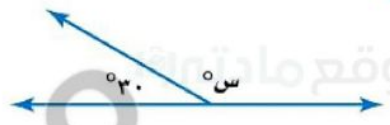
أوجد قيمة س في كل من الأشكال الآتية:



س = 100 ، الزاويتان متقابلتان بالرأس.

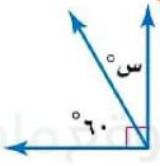
4

الزاويتان متكاملتان، س = 180 - 30 = 150



5

الزاويتان متتامتان، س = 90 - 60 = 30



أشجار: ما قيمة س في ورقة الشجرة المجاورة؟

الزاويتان متكاملتان، س = 180 - 110 = 70



الإجابات في الصفحة التالية

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للتمارين	
التمارين	انظر الأمثلة
١٣ - ٨	٣ ، ٢
١٩ - ١٤	٥ ، ٤ ، ١
٢٠	٤

صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى : متتامتين ، أو متكاملتين ، أو غير ذلك:

٨ ٩ ١٠

١١ ١٢ ١٣

أوجد قيمة س في كلّ من الأشكال الآتية:

١٤ ١٥ ١٦

١٧ ١٨ ١٩

٢٠ **خيول:** ما قيمة س في الحاجز المبين في الصورة المجاورة؟

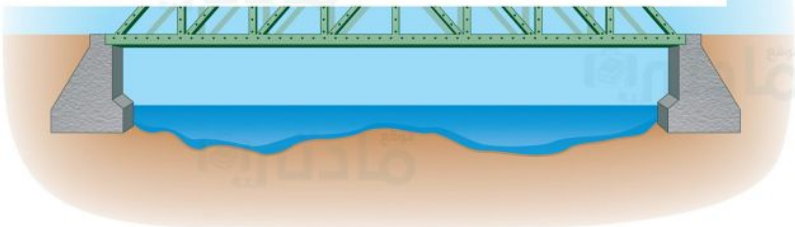


٢١ **جسور:** يتكوّن جسرٌ من عدة دعائمٍ مستقيمة كما في الشكل أدناه. اكتب مسألةً يمكن حلّها بالرجوع إلى الزوايا المشار إليها بالأرقام ١ - ٤ في الشكل.



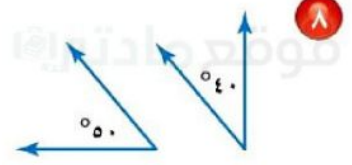
الربط بالحياة: كيف يستعمل المهندسون المعماريون الرياضيات؟ يستعمل المهندسون المعماريون الرياضيات عند تصميم العمائر والجسور.

الإجابات في الصفحة التالية

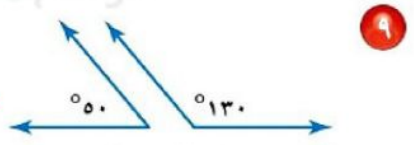


صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى : متتامتين ، أو متكاملتين ، أو غير ذلك :

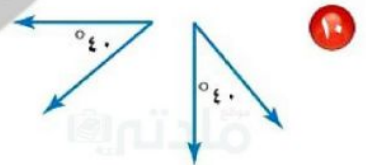
متتامتان ، فمجموع قياسات الزاويتان $90 = 50 + 40 =$



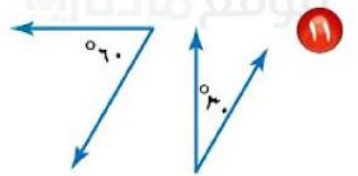
متكاملتان ، فمجموع قياسات الزاويتان $180 = 50 + 130 =$



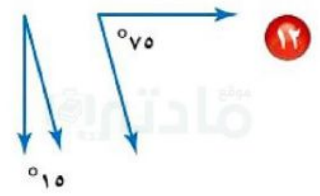
غير ذلك ، فمجموع قياسات الزاويتان $80 = 40 + 40 =$



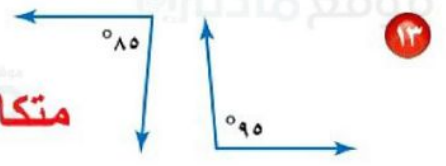
متتامتان ، فمجموع قياسات الزاويتان $90 = 60 + 30 =$



متتامتان ، فمجموع قياسات الزاويتان $90 = 15 + 75 =$

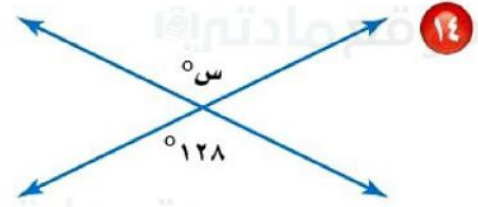


متكاملتان ، فمجموع قياسات الزاويتان $180 = 85 + 95 =$

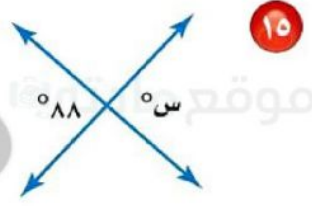


أوجد قيمة س في كلّ من الأشكال الآتية:

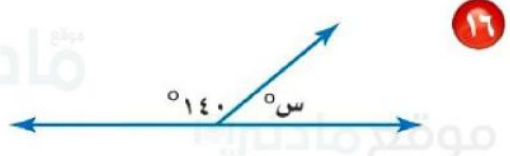
س = ١٢٨°، الزاويتان متقابلتان بالرأس.



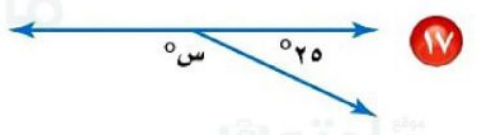
س = ٨٨°، الزاويتان متقابلتان بالرأس.



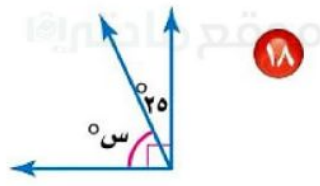
الزاويتان متكاملتان، س = ١٨٠ - ١٤٠ = ٤٠°

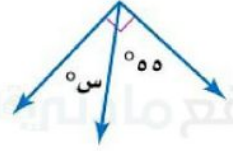


الزاويتان متكاملتان، س = ١٨٠ - ٢٥ = ١٥٥°



الزاويتان متتامتان، س = ٩٠ - ٢٥ = ٦٥°





الزاويتان متتامتان، $س = 90 - 55 = 35^\circ$



٢٠ **خيول:** ما قيمة س في الحاجز المبيّن في الصورة المجاورة؟

$س = 90^\circ$

٢١ **جسور:** يتكوّن جسرٌ من عدّة دعائمٍ مستقيمةٍ كما في الشكل أدناه. اكتب مسألة يمكن حلّها بالرجوع إلى الزوايا المشار إليها بالأرقام ١ - ٤ في الشكل.



إذا كان قياس الزاوية ١ = 50° ، فأوجد قياس الزاوية ٢.

الإجابات في الصفحة التالية

٢٢ إذا كانت الزاويتان أ، ب متتامتين، ق $\Delta = 40^\circ$ ، فأوجد ق Δ

٢٣ إذا كانت الزاويتان ج، د متكاملتين، ق $\Delta = 65^\circ$ ، فأوجد ق Δ ج



كهرباء: استعمل الصورة المجاورة التي تمثل أحد أبراج كهرباء الضغط العالي المنتشرة في المملكة للإجابة عن الأسئلة ٢٤-٢٨:

صنّف أزواج الزوايا الآتية:

٢٤ ١٤ و ٢٤

٢٥ ٤٤ و ٢٤

٢٦ ٤٤ و ٣٤

٢٧ ٣٤ و ١٤

٢٨ إذا كان ق $\Delta = 46^\circ$ ، فأوجد ق Δ ، ق Δ ١

حدّد إذا كانت كل عبارة من العبارات الآتية صحيحة أحياناً، أم صحيحة دائماً، أم غير صحيحة، ثمّ فسّر إجابتك:

٢٩ الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان.

٣٠ الزاويتان المتقابلتان بالرأس لهما القياس نفسه.

٣١ الزاويتان القائماتان متتامتان.

٣٢ الزاويتان المنفرجتان متكاملتان.

٣٣ الزاويتان المتقابلتان بالرأس متتامتان.

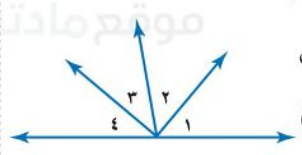
٣٤ **تبرير:** أجب عن كل من الأسئلة الآتية:

مسائل مهارات التفكير العليا

(أ) ما نوع الزاوية المكملّة لزاوية حادة؟

(ب) ما نوع الزاوية المكملّة لزاوية قائمة؟

(ج) هل يمكن لزاويتين حادتين أن تكونا متكاملتين؟ برّر إجابتك.



٣٥ **تحذّر:** انظر إلى الشكل المجاور. إذا كان ق $\Delta = 14$ ، ق $\Delta = 24$ ،

وكان ق $\Delta = 34$ ، ق $\Delta = 44$ ، فماذا يمكن أن نستنتج عن مجموع

قياسي Δ ١، Δ ٣؟ برّر إجابتك.

٣٦ **الثنى:** إذا وجدت زاويتين لهما الزاوية المكملّة نفسها. فما الوصف الصحيح

لقياس هاتين الزاويتين؟ فسّر إجابتك.

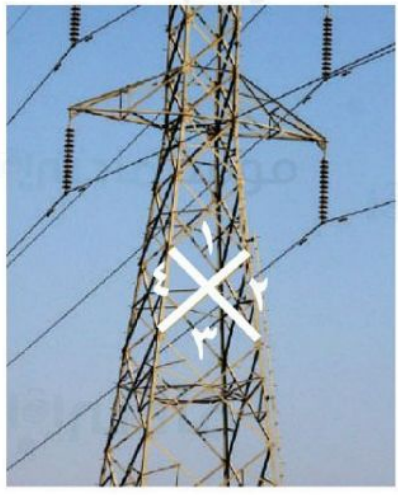
الإجابات في الصفحة التالية

٢٢ إذا كانت الزاويتان أ، ب متتامتين، ق $\Delta = 40^\circ$ ، فأوجد ق Δ ب

أ، ب متتامتان، إذن مجموع قياسي الزاويتين $= 90^\circ$
 إذن $\Delta = 90 - 40 = 50^\circ$

٢٣ إذا كانت الزاويتان ج، د متكاملتين، ق $\Delta = 65^\circ$ ، فأوجد ق Δ ج

ج، د متكاملتان، إذن مجموع قياسي الزاويتان $= 180^\circ$
 إذن ج $\Delta = 180 - 65 = 115^\circ$



كهرباء؛ استعمل الصورة المجاورة التي تمثل أحد أبراج كهرباء الضغط العالي المنتشرة في المملكة للإجابة عن الأسئلة ٢٤-٢٨:

صنّف أزواج الزوايا الآتية:

٢٤ ١ Δ و ٢ Δ بما أن مجموع قياسهما يساوي 180° ،
 إذن الزاويتان متكاملتان.

٢٥ ٢ Δ و ٤ Δ متقابلتان بالرأس.

٢٦ ٣ Δ و ٤ Δ بما أن مجموع قياسهما يساوي 180°

٢٧ ١ Δ و ٣ Δ متقابلتان بالرأس.

٢٨ إذا كان ق $\Delta = 46^\circ$ ، فأوجد ق Δ ٢، ق Δ ١

$\Delta = 2 = 46 - 180 = 134^\circ$
 $\Delta = 1 = 3 = 46^\circ$

حدّد إذا كانت كلُّ عبارةٍ من العبارات الآتية صحيحةً أحياناً، أم صحيحةً دائماً، أم غير صحيحةٍ، ثم فسّر إجابتك:

٢٩ الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان.

صحيحة دائماً، الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان.

٣٠ الزاويتان المتقابلتان بالرأس لهما القياس نفسه.

صحيحة دائماً، الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان.

٣١ الزاويتان القائمتان متتامتان.

غير صحيحة، قياس كل زاوية قائمة = 90° .

٣٢ الزاويتان المنفرجتان متكاملتان.

غير صحيحة، بما أن قياس الزاوية المنفرجة أكبر من 90° . فإن مجموع قياسي زاويتين منفرجتين سيكون أكبر من 180° .

٣٣ الزاويتان المتقابلتان بالرأس متتامتان.

صحيحة أحياناً، إذا كان قياس كل من الزاويتين المتقابلتين بالرأس 45° فإنهما متتامتين.

٣٤ تبرير: أجب عن كل من الأسئلة الآتية:

(أ) ما نوع الزاوية المكملّة لزاوية حادة؟

زاوية منفرجة، لأن الزاوية الحادة يكون قياسها أقل من 90° لذا فهي تحتاج إلى زاوية قياسها أكبر من 90° لتكملها.

(ب) ما نوع الزاوية المكملّة لزاوية قائمة؟

زاوية قائمة، لأن قياس الزاوية القائمة $= 90^\circ$ لذا فهي تحتاج إلى زاوية قائمة لتكملها.

(ج) هل يمكن لزاويتين حادتين أن تكونا متكاملتين؟ برّر إجابتك.

لا، فمجموع قياس زاويتين حادتين لا يمكن أن يصل ل 180° لأن قياس كل زاوية حادة أقل من 90° .



٣٥ تحدّد: انظر إلى الشكل المُجاور. إذا كان $ق ١ = ق ٢$ ، وكان $ق ٣ = ق ٤$ ، فماذا يمكن أن نستنتج عن مجموع قياسي ١ ، ٣ ؟ برّر إجابتك.

$$ق ١ = ق ٢$$

$$ق ٣ = ق ٤$$

$$ق ١ + ق ٢ + ق ٣ + ق ٤ = 180^\circ$$

$$ق ١ + ق ١ + ق ٣ + ق ٣ = 180^\circ$$

$$2(ق ١ + ق ٣) = 180^\circ$$

$$ق ١ + ق ٣ = 90^\circ$$

٣١ **الكتب** إذا وجدتَ زاويتينِ لهما الزاويةُ المكتملةُ نفسُها. فما الوصفُ الصحيحُ لقياسِ هاتينِ الزاويتينِ؟ فسّر إجابتك.

يجب أن يكون للزاويتين القياس نفسه. فإذا كان لكل من الزاويتين الزاوية المكتملة نفسها ولتكن s° فإن قياس كل من الزاويتين يساوي $(180 - s)^\circ$ أي أن لهما القياس نفسه.


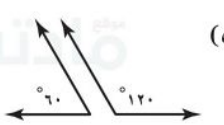
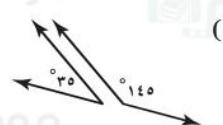

الإجابات في الصفحة التالية

تدريب على اختبار

٣٧ إذا كانت الزاويتان س، ص متتامتين، وكان قياس Δ س يساوي 60° ، فما قياس Δ ص؟

(أ) 30°
 (ب) 60°
 (ج) 90°
 (د) 120°

٣٨ أي أزواج الزوايا أدناه ليس متكاملًا؟

(أ)  (ب) 
 (ج)  (د) 

مراجعة تراكمية

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية: (الدرس ٩ - ١)

- ٣٩ 75° ٤٠ 25° ٤١ 110°

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي في صورة كسر عشري: (الدرس ٨ - ٢)

- ٤٢ 22% ٤٣ 135% ٤٤ 90% ٤٥ 207%

٤٦ نقود: ينفق بدر ٥٠ ريالاً كل أسبوعين، فكَمْ ريالاً ينفق في ٥ أسابيع بحسب هذا المعدل؟ (الدرس ٧ - ٤)

الإجابات في الصفحة التالية

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي:

- ٤٧ $180 - (60 + 45)$ ٤٨ $180 - (70 + 70)$ ٤٩ $180 - (83 + 37)$

٣٧ إذا كانت الزاويتان Δ ص، ص متتامتين، وكان قياس Δ ص يساوي 60° ، فما قياس Δ ص؟

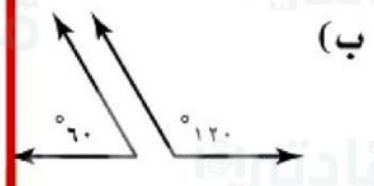
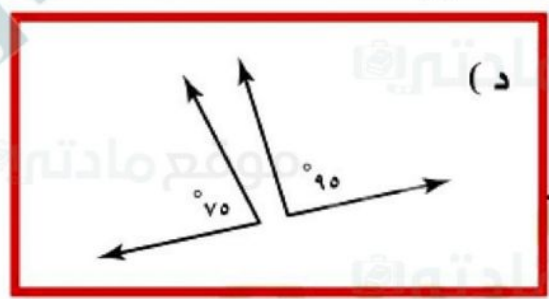
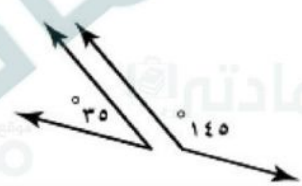
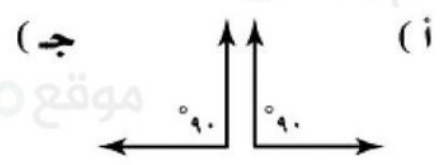
(أ) 30°

(ب) 60°

(ج) 90°

(د) 120°

٣٨ أي أزواج الزوايا أدناه ليس متكاملًا؟



استعمل المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية: (الدرس ٩ - ١)



اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي في صورة كسرٍ عشريٍّ: (الدرس ٨ - ٢)

$$43 \text{ } \circledast \quad 135\%$$

$$1,35 = 135\%$$

$$44 \text{ } \circledast \quad 22\%$$

$$0,22 = 22\%$$

$$45 \text{ } \circledast \quad 207\%$$

$$2,07 = 207\%$$

$$44 \text{ } \circledast \quad 90\%$$

$$0,90 = 90\%$$

٤٦ نقود: ينفقُ بدرّ ٥٠ ريالاً كلّ أسبوعين، فكَم ريالاً ينفقُ في ٥ أسابيع بحسبِ هذا المعدلِ؟ (الدرس ٧ - ٤)

$$\text{المعدل} = 50 \div 2 = 25 \text{ ريال/أسبوع}$$

$$\text{ما ينفقه في ٥ أسابيع} = 5 \times 25 = 125 \text{ ريال}$$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي:

$$49 \text{ } \circledast \quad (83 + 37) - 180$$

$$(83 + 37) - 180$$

$$60 = 120 - 180 =$$

$$48 \text{ } \circledast \quad (70 + 70) - 180$$

$$(70 + 70) - 180$$

$$40 = 140 - 180 =$$

$$47 \text{ } \circledast \quad (60 + 45) - 180$$

$$(60 + 45) - 180$$

$$75 = 105 - 180 =$$



معمل الهندسة زوايا المثلث

استكشاف
٣ - ٩

ستكتشف في هذا المعمل العلاقة بين زوايا المثلث الثلاث.

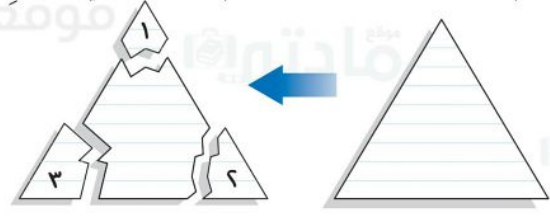
نشاط

فكرة الدرس:

أكتشف العلاقة بين زوايا المثلث.

ارسم مثلثاً يشبه المثلث المرسوم أدناه.

رقم زوايا المثلث (١، ٢، ٣)، ثم قصها كما في الشكل.



أعد ترتيب الأجزاء التي تم قصها على أن تلتقي في نقطة واحدة كما في الشكل.



كرّر الخطوات السابقة مع مثلثين آخرين، يختلف شكل كل منهما عن شكل المثلث السابق.

الخطوة ١

الخطوة ٢

الخطوة ٣

الخطوة ٤

حلّ النتائج

- ١ ماذا تمثل كل منطقة صغيرة مقصودة؟
- ٢ النقطة التي التقت فيها المناطق الصغيرة الثلاث هي رأس لزواية أخرى كما في الشكل. فهل هذه الزاوية قائمة أم حادة أم منفرجة أم مستقيمة؟ بين ذلك.

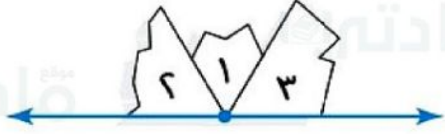
الإجابات في الصفحة التالية

- ٣ ما قياس هذه الزاوية؟
- ٤ **خمن:** ما مجموع قياسات الزوايا (٣، ٢، ١) لكل مثلث من المثلثات التي رسمتها؟ تأكد من تخمينك عن طريق قياس كل زاوية بالمنقلة، ثم أوجد مجموع هذه القياسات لكل مثلث.
- ٥ **خمن:** ما مجموع قياسات زوايا أي مثلث؟

١ ماذا تمثل كل منطقة صغيرة مقصودة؟

تمثل زاوية من زوايا المثلث.

٢ النقطة التي التقت فيها المناطق الصغيرة الثلاث هي رأس لزاوية أخرى كما في الشكل. فهل هذه الزاوية قائمة أم حادة أم منفرجة أم مستقيمة؟ بين ذلك.



مستقيمة، لأن الزوايا الثلاث شكلت خطاً مستقيماً.

٣ ما قياس هذه الزاوية؟

قياس الزاوية = 180°

٤ خمن: ما مجموع قياسات الزوايا (1، 2، 3) لكل مثلث من المثلثات التي رسمتها؟ تأكد من تخمينك عن طريق قياس كل زاوية بالمنقلة، ثم أوجد مجموع هذه القياسات لكل مثلث.

مجموع قياسات كل مثلث = 180°

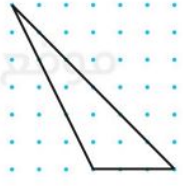
٥ خمن: ما مجموع قياسات زوايا أي مثلث؟

مجموع قياسات كل مثلث = 180°



المثلثات

نشاط



الخطوة ١
ارسم المثلث المجاور في ورقة منقطة، ثم قصه.

الخطوة ٢
أوجد قياس كل زاوية من زوايا المثلث، ثم اكتب قياسها.

للمثلث المبيّن أعلاه زاويتان حادتان وزاويته الثالثة منفرجة؛ لذا يُسمّى مثلثاً منفرج الزاوية.

١ كرّر هذا النشاط مع ٩ مثلثات أخرى.

٢ صنّف المثلثات التي رسمتها إلى ثلاث مجموعات وفق قياس الزاوية الثالثة في المثلث، وسمّ المجموعات على النحو الآتي: حادة، قائمة، منفرجة.

يوجد في أيّ مثلث زاويتان حادتان على الأقل. ويصنّف المثلث بحسب قياس الزاوية الثالثة فيه كما اكتشفت في النشاط أعلاه.

فكرة الدرس:

أصنّف المثلثات، ثم أجد قياسات زوايا مجهولة فيها.

المصردات:

- مثلث حادّ الزوايا
- مثلث قائم الزاوية
- مثلث منفرج الزاوية
- القطعة المستقيمة
- القطع المستقيمة المتطابقة
- مثلث مختلف الأضلاع
- مثلث متطابق الضلعين
- مثلث متطابق الأضلاع

مفهوم أساسي

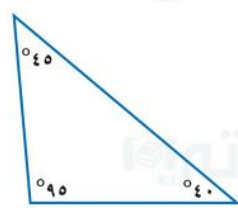
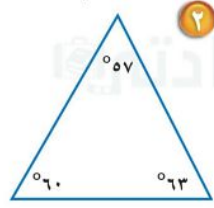
تصنيف المثلثات وفق زواياها

مثلث منفرج الزاوية	مثلث قائم الزاوية	مثلث حادّ الزوايا
إحدى زواياه منفرجة	إحدى زواياه قائمة	جميع زواياه حادة

مثالان

تصنيف المثلثات بحسب زواياها

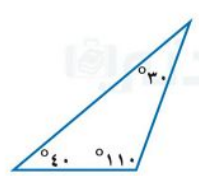
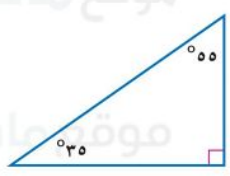
صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:



الزاوية التي قياسها 90° زاوية منفرجة. إذن هذا المثلث منفرج الزاوية.
جميع زوايا هذا المثلث حادة. إذن هذا المثلث حادّ الزوايا.

تحقق من فهمك:

صنّف كلّ من المثلثين الآتيين إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:



الإجابات في الصفحة التالية

لُ الهندسة: زوايا المثلث) إلى

مجموع قياسات زوايا المثلث

التعبير اللفظي: مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180°

النموذج:

بالرموز: $س^\circ + ص^\circ + ع^\circ = 180^\circ$

يمكنك إيجاد قياس زاوية مجهولة، باستعمال حقيقة أنّ مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180°

مثال من واقع الحياة

أعلام: أوجد قيمة $س$ في علم دولة فلسطين المجاور.



الزوايا الثلاث المشار إليها هي زوايا مثلث.
وبما أنّ مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180° ، فإنّ: $س + 60 + 60 = 180$
استعمل الرياضيات الذهنية لحل المعادلة.

اكتب المعادلة: $س + 60 + 60 = 180$

اجمع 60 مع 60 : $س + 120 = 180$

فكّر: ما القياس الذي يُضاف إلى 120 لتكون النتيجة 180 ؟

تعلّم أنّ: $س = 180 - 120 + 60$

إذن قيمة $س$ هي 60

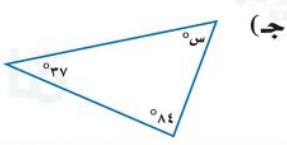
إرشادات للدراسة

طريقة أخرى:

إذا عرفت قياس زاويتين في مثلث، فإنه يمكنك حساب قياس الزاوية الثالثة بطرح القياسين الآخرين من 180° ، فهنا $180 - 60 - 60 = 60$

السؤال 3 هي:

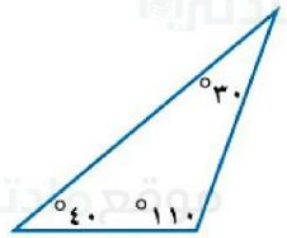
تحقق من فهمك: أوجد قيمة $س$ في كلّ من المثلثين الآتيين:



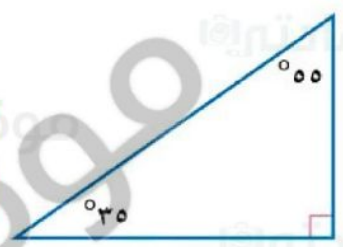
الإجابات في الصفحة التالية

صنّف كلاً من المثلثين الآتيين إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:

الزاوية التي قياسها 110° هي زاوية منفرجة،
إذن هذا المثلث منفرج الزاوية.

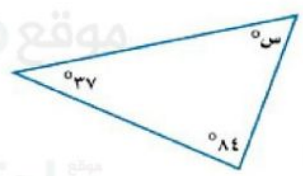


الزاوية التي قياسها 90° هي زاوية قائمة،
إذن هذا المثلث قائم الزاوية.



تحقق من فهمك: ✓ أو جد قيمة س في كل من المثلثين الآتيين:

$$180^\circ = 37 + 84 + س$$
$$س = 121 - 180 = 59^\circ$$



$$180^\circ = 22 + 90 + س$$
$$س = 112 - 180 = 68^\circ$$



يمكنك أيضاً أن تصنّف المثلثات وفق أضلاعها. حيث يُعدُّ كلُّ ضلعٍ من أضلاع المثلث **قطعةً مستقيمةً**. وتُسمَّى القطعُ المستقيمةُ التي لها الطولُ نفسه **القطعُ المستقيمةُ المتطابقةُ**. ويشارُ إليها في الشكلِ بوضعِ شرطٍ عليها.

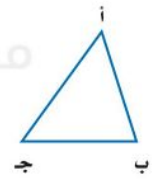
قراءة الرياضيات:

القطعُ المستقيمةُ: يُقرأ الرمزُ \overline{AB} : القطعةُ المستقيمةُ \overline{AB} . ويرمزُ إلى أضلاع المثلث أدناه بالرموز \overline{AB} ، \overline{BC} ، \overline{AC} .

تصنيف المثلثات وفق أضلاعها

مثلث مختلف الأضلاع مثلث متطابق الضلعين مثلث متطابق الأضلاع

ليس فيه أضلاع متطابقة فيه ضلعان متطابقان على الأقل أضلاعه الثلاثة متطابقة



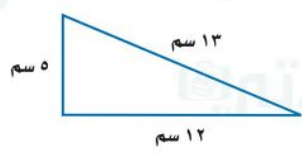
بما أن المثلث المتطابق الضلعين فيه ضلعان متطابقان على الأقل، فإن جميع المثلثات المتطابقة الأضلاع هي مثلثات متطابقة الضلعين أيضاً.

مثالان

تصنيف المثلثات وفق أضلاعها
صنّف كلاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



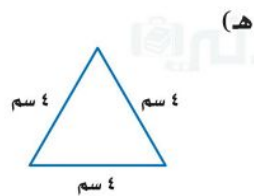
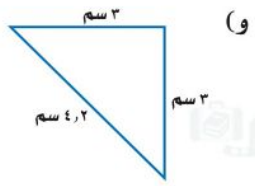
يوجد في هذا المثلث ضلعان متطابقان فقط. إذن فهو مثلث متطابق الضلعين.



لا توجد أضلاع متطابقة، إذن فهو مثلث مختلف الأضلاع.

تحقق من فهمك:

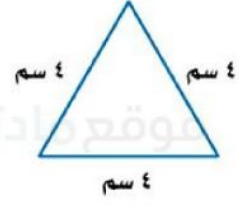
صنّف كلاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



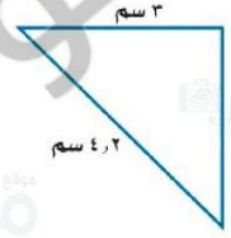
الربط بالحياة:
يعدُّ الالتزام بلوحات المرور الإرشادية عاملاً مهماً للوقاية من الحوادث. وتختلف أشكال هذه اللوحات، ومنها ما يكون على شكل مثلث متطابق الأضلاع.

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:
(هـ)

الأضلاع الثلاثة متطابقة،
إذن فهو مثلث متطابق الأضلاع ومتطابق الضلعين.



يوجد ضلعين متطابقين،
إذن فهو مثلث متطابق الضلعين

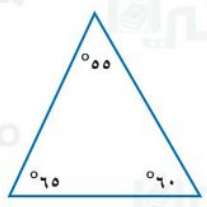


الإجابات في الصفحة التالية

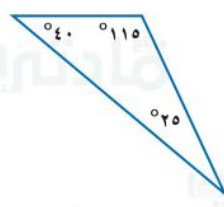
تأكّد

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:

المثالان ١، ٢



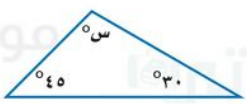
٢



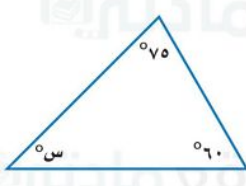
١

أوجد قيمة س في كلّ من المثلثين الآتيين:

المثال ٣



٤



٣

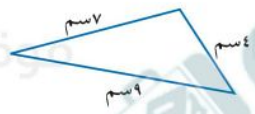


قوارب: ما قيمة س المبيّنة في القارب المجاور؟

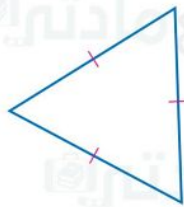
٥

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:

المثالان ٤، ٥



٧



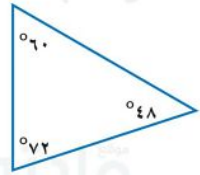
٦

الإجابات في الصفحة التالية

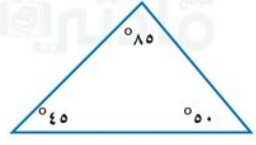
تدرّب وحلّ المسائل

صنّف كلّاً من المثلثات الآتية المرسومة أو التي أعطيت قياسات زواياها إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:

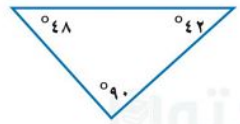
ارشادات للتمارين	
انظر الأمثلة	للتمارين
٢، ١	١٣-٨
٣	٢١-١٤
٥، ٤	٢٦-٢٢



١٠



٩



٨

٣٣، ٣٣، ١١٤

١٣

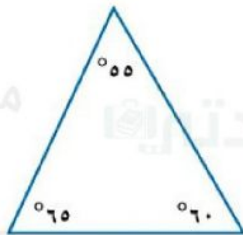
١٥، ٧٥، ٩٠

١٢

٣٥، ٤٥، ١٠٠

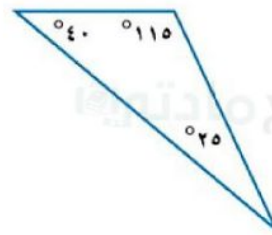
١١

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:



٢

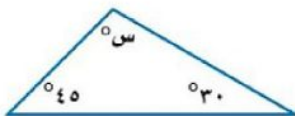
جميع الزوايا هي زاوية حادة،
إذن هذا المثلث حاد الزوايا.



١

الزاوية التي قياسها ١١٥° هي زاوية منفرجة،
إذن هذا المثلث منفرج الزاوية.

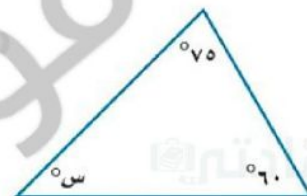
أوجد قيمة س في كلّ من المثلثين الآتيين:



٤

$$180^\circ = 45 + 35 + س$$

$$105 = 75 - 180 = س$$



٣

$$180^\circ = 60 + 75 + س$$

$$45 = 135 - 180 = س$$

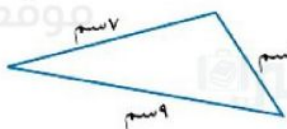
٥ قوارب: ما قيمة س المبيّنة في القارب المُجاور؟



$$180^\circ = 70 + 20 + س$$

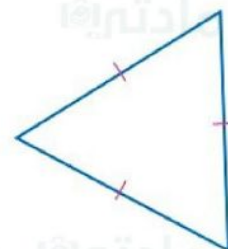
$$90 = 90 - 180 = س$$

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين،
أو متطابق الأضلاع:



٧

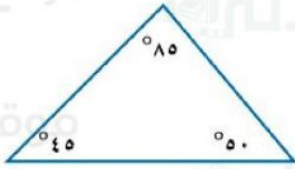
لا يوجد أضلاع متطابقة،
إذن فهو مثلث مختلف الأضلاع.



٦

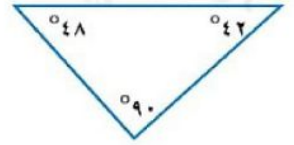
الأضلاع الثلاثة متطابقة،
إذن فهو مثلث متطابق الأضلاع و متطابق الضلعين.

صنّف كلّاً من المثلثات الآتية المرسومة أو التي أُعطيت قياسات زواياها إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:



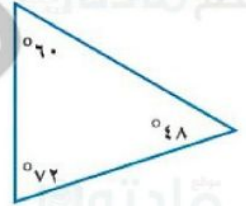
٩

جميع الزوايا هي زاوية حادة،
إذن هذا المثلث حاد الزوايا.



٨

الزاوية التي قياسها 90° هي زاوية قائمة،
إذن هذا المثلث قائم الزاوية.



١٠

جميع الزوايا هي زاوية حادة،
إذن هذا المثلث حاد الزوايا.

١١ $35^\circ, 45^\circ, 100^\circ$

الزاوية التي قياسها 100° هي زاوية منفرجة،
إذن هذا المثلث منفرج الزاوية.

١٢ $15^\circ, 75^\circ, 90^\circ$

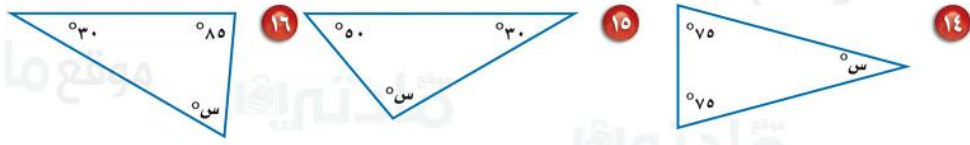
الزاوية التي قياسها 90° هي زاوية قائمة،
إذن هذا المثلث قائم الزاوية.

١٣ $33^\circ, 33^\circ, 114^\circ$

الزاوية التي قياسها 114° هي زاوية منفرجة،
إذن هذا المثلث منفرج الزاوية.

الإجابات في الصفحة التالية

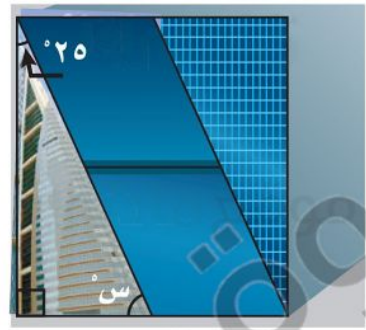
أوجد قيمة س في كل من المثلثات الآتية:



١٧ °س، °٦٠، °٧٠ ١٨ °س، °٦٠، °٢٥ ١٩ °س، °٣٥، °٢٥

٢٠ **بنايات:** ما قيمة س في الشكل أدناه؟ ٢١ **متنزهات:** الشكل أدناه يبين خيمة

على شكل مثلث في أحد المتنزهات. ما قيمة س؟



الربط بالحياة:

يعدُّ مركزُ البحرين التجاريُّ أحدَ المعالم الحضارية فيها، ويتكوَّن من برجين، يصل ارتفاعُ كلِّ منهما إلى ٢٤٠ مترًا، ويصلُ بينهما ثلاثة جسورٍ معلقة، يحتوي كلُّ منها على مروحة ضخمة لتوليد الطاقة الكهربائية.

صنّف كلاً من المثلثات الموضّحة في الأسئلة ٢٢ - ٢٦ إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



الإجابات في الصفحة التالية

٢٥ أطوال أضلاعه: ٩ سم، ١١ سم، ١٣ سم ٢٦ أطوال أضلاعه: ٥ سم، ٦ سم، ٥ سم

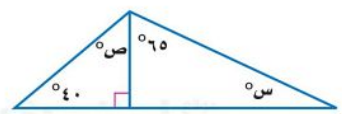
٢٧ ما قياس الزاوية الثالثة في مثلث قياس الزاويتين الأخرين فيه: ٢٥° و ٥٠°؟

٢٨ ما قياس الزاوية الثالثة في مثلث قائم الزاوية قياس إحدى زواياه ٣١°؟

٢٩ ما العلاقة بين الزاويتين الحادتين في المثلث القائم الزاوية؟

٣٠ **مسألة مفتوحة:** ارسم مثلثًا مختلف الأضلاع ومنفرج الزاوية مستعملًا المنقلة والمسطرة، ثم سجّل عليه أطوال أضلاعه وقياسات زواياه.

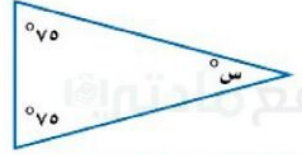
٣١ **تحّد:** أوجد قيمة كل من س، ص في الشكل أدناه:



٣٢ **الكتب:** لماذا توجد زاويتان حادتان على الأقل في أي مثلث؟ وضح إجابتك بالرسم.

مسائل مهارات التفكير العليا

أوجد قيمة س في كلّ من المثلثات الآتية:



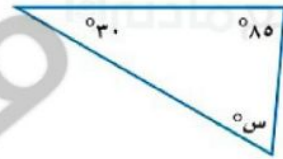
١٤

$$\text{س} = 180 - 150 = 30$$



١٥

$$\text{س} = 180 - 80 = 100$$



١٦

$$\text{س} = 180 - 115 = 65$$

١٧، ٦٠، ٧٠، س

١٧

١٨، ٦٠، ٢٥، س

١٨

$$\text{س} + 60 + 25 = 180$$

مجموع زوايا المثلث = ١٨٠

$$\text{س} + 85 = 180$$

$$\text{س} = 180 - 85 = 95$$

$$\text{إذن س} = 95$$

$$\text{س} + 70 + 60 = 180$$

مجموع زوايا المثلث = ١٨٠

$$\text{س} + 130 = 180$$

$$\text{س} = 180 - 130 = 50$$

$$\text{إذن س} = 50$$

س ١٩، ٣٥، ٢٥

$$\text{موقع} + ٣٥ + ٢٥ = ١٨٠^\circ$$

مجموع زوايا المثلث = ١٨٠°

$$\text{س} + ٦٠ = ١٨٠^\circ$$

$$\text{موقع} + ١٢٠ = ١٨٠^\circ$$

$$\text{إذن س} = ١٢٠^\circ$$

٢١ متنزّهات: الشكل أدناه يبيّن خيمة

على شكل مثلث في أحد المتنزّهات.
ما قيمة س؟

$$\text{س} + ٥٠ + ٦٥ = ١٨٠^\circ$$

$$\text{س} = ١١٥ - ١٨٠ = ٦٥^\circ$$

٢٠ بنايات: ما قيمة س في الشكل أدناه؟



$$\text{س} + ٩٠ + ٢٥ = ١٨٠^\circ$$

$$\text{س} = ١١٥ - ١٨٠ = ٦٥^\circ$$

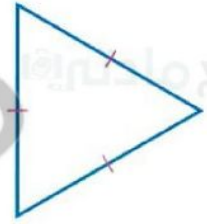
صنّف كلّاً من المثلثات الموضّحة في الأسئلة ٢٢ - ٢٦ إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:

يوجد ضلعين متطابقين،
إذن المثلث هو متطابق الضلعين.



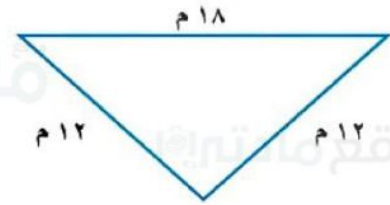
٢٢

الأضلاع الثلاثة متطابقة،
إذن فهو مثلث متطابق الأضلاع و متطابق الضلعين.



٢٣

المثلث متطابق الضلعين.



٢٤

٢٥ أطوال أضلاعه: ٩ سم، ١١ سم، ١٣ سم

مثلث مختلف الأضلاع.

٢٦ أطوال أضلاعه: ٥ سم، ٦ سم، ٥ سم

مثلث متطابق الضلعين.

٢٧ ما قياس الزاوية الثالثة في مثلث قياس الزاويتين الأخرين فيه: ٢٥° و ٥٠° ؟

قياس الزاوية الثالثة = $١٨٠ - (٥٠ + ٢٥) = ١٠٥^\circ$

٢٨ ما قياس الزاوية الثالثة في مثلث قائم الزاوية قياس إحدى زواياه 31° ؟

$$\text{قياس الزاوية الثالثة} = 180 - (31 + 90) = 59^\circ$$

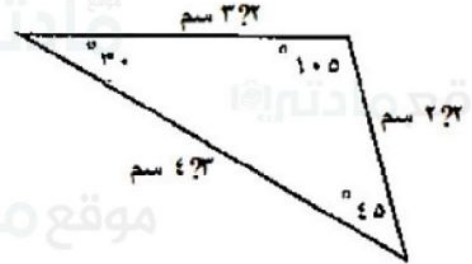
٢٩ ما العلاقة بين الزاويتين الحادتين في المثلث القائم الزاوية؟

العلاقة بين الزاويتين الحادتين في المثلث القائم: متتامتان أي مجموعهما يساوي 90°

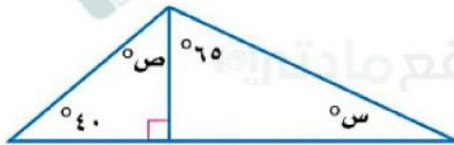
مسائل

مهارات التفكير العليا

٣٠ مسألة مفتوحة: ارسم مثلثاً مختلف الأضلاع ومنفرج الزاوية مستعملاً المنقلة والمسطرة، ثم سجّل عليه أطوال أضلاعه وقياسات زواياه.



٣١ تحدّ: أوجد قيمة كل من س، ص في الشكل أدناه:



$$180^\circ = 65 + 90 + \text{س}$$

$$90^\circ = 155 - 180 = \text{س}$$

$$180^\circ = 40 + 90 + \text{ص}$$

$$50^\circ = 130 - 180 = \text{ص}$$

الكتب لماذا توجد زاويتان حادتان على الأقل في أي مثلث؟ وضح إجابتك بالرسم.

يجب أن تتقاسم زوايا المثلث الثلاثة المقدار 180° .

فإذا كان قياس احدي الزوايا 89° أو اقل فان 91° الباقية تتوزع على الزاويتين الأخرين. مما يجعل إحداهما على الأقل زاوية حادة.

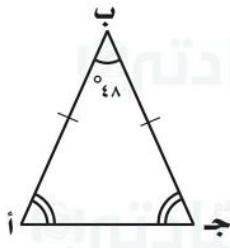
وإذا كان قياس احدي الزوايا 90° أو أكثر فان 90° الباقية تتوزع على الزاويتين الأخرين مما يجعل كلا منهما زاوية حادة.



الإجابات في الصفحة التالية

تدريب على اختبار

٣٤ إجابة قصيرة أ ب ج مثلث متطابق الضلعين فيه ق Δ ب = 48° ، ق Δ أ = ق Δ ج، فما ق Δ أ؟



٣٣ إذا كان قياس زاويتين في مثلث هو 25° ، 60° ، فما قياس الزاوية الثالثة؟

- (أ) 15°
- (ب) 85°
- (ج) 95°
- (د) 115°

مراجعة تراكمية

٢٥ إذا كانت الزاويتان أ، ب متتامتين، وكان ق Δ ب = 35° فما ق Δ أ؟ (الدرس ٩ - ٢)

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية: (الدرس ٩ - ١)

- (أ) 125°
- (ب) 20°
- (ج) 85°

٣٩ الإخوة: إذا كان ٢٧، ٠ من طلاب مدرسة لهم إخوة في المدرسة، فما النسبة المئوية للطلاب الذين ليس لهم إخوة في المدرسة؟ (الدرس ٨ - ٢)

الإجابات في الصفحة التالية

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: ارسم مثالا على كل شكل مما يأتي:

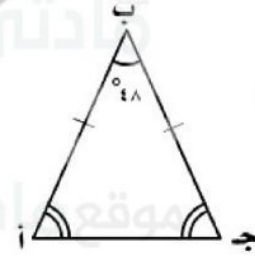
- (أ) مستطيل
- (ب) متوازي أضلاع
- (ج) مثلث

٣٣ إذا كان قياس زاويتين في مثلث هو 60° ، 25° ،

فما قياس الزاوية الثالثة؟

(أ) 15° (ب) 85° (ج) 95° (د) 115°

٣٤ إجابة قصيرة أ ب ج مثلث متطابق

الضلعين فيه ق Δ ب = 48° ، ق Δ أ = ق Δ ج،فما ق Δ أ؟

$$ق (أ) + ق (ج) = 180 - 48$$

$$132 =$$

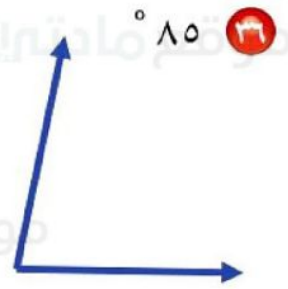
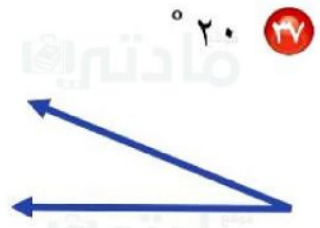
$$ق (أ) = 132 \div 2 = 66$$

مراجعة تراكمية

٣٥ إذا كانت الزاويتان أ، ب متتامتين، وكان ق Δ ب = 35° فما ق Δ أ؟ (الدرس ٩ - ٢)

$$ق (أ) = 90 - 35 = 55$$

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية: (الدرس ٩ - ١)



الإخوة: إذا كان ٢٧, ٠ من طلاب مدرسة لهم إخوة في المدرسة، فما النسبة المئوية للطلاب الذين ليس لهم إخوة في المدرسة؟ (الدرس ٨ - ٢)

النسبة هي ٧٣%

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: ارسم مثالاً على كل شكل مما يأتي:

مثلث ٤٢



متوازي أضلاع ٤١



مستطيل ٤٠



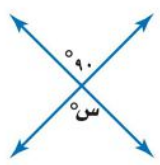
اختبار منتصف الفصل

الدروس من ٩-١ إلى ٩

الإجابات في الصفحة التالية

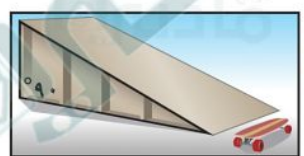
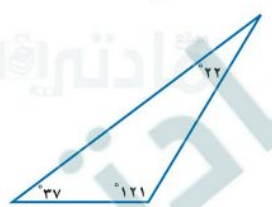
٨ اختيار من متعدد: إذا كانت Δ ، Δ ب متكاملتين، وكان $\angle \Delta = 41^\circ$ ، فما $\angle \Delta$ ؟
(الدرس ٩-٢)

- (أ) 49°
- (ب) 59°
- (ج) 139°
- (د) 149°



٩ أوجد قيمة \angle س في الشكل المجاور.
(الدرس ٩-٢)

صنّف كلّاً من المثلثات الآتية إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية: (الدرس ٩-٣)



١٢ أوجد قيمة \angle س في الشكل أدناه. (الدرس ٩-٣)



١ قدر قياس الزاوية \angle س في الشكل المجاور.
(الدرس ٩-١)

٢ أيّ زاوية ممّا يأتي قياسها بين 45° ، 90° ؟ (الدرس ٩-١)

- (أ)
- (ب)
- (ج)
- (د)

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية: (الدرس ٩-١)

- ٣ 35°
- ٤ 110°
- ٥ 80°

صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك: (الدرس ٩-٢)

- ٦
- ٧

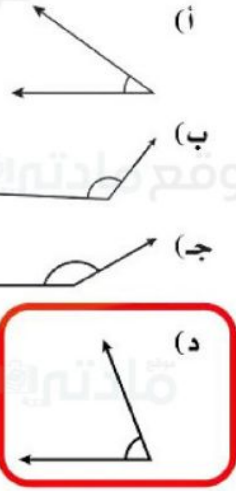
الإجابات في الصفحة التالية

١) قَدِّرْ قياسَ الزاويةِ س في الشكلِ المجاورِ.
(الدرس ٩ - ١)



قياسها ٨٠ درجة تقريبًا.

٢) أي زاوية ممَّا يأتي قياسُها بين ٤٥° ، ٩٠° ؟ (الدرس ٩ - ١)



استعملِ المنقلةَ والمسطرةَ لرسمِ الزوايا التي لها القياساتُ الآتيةُ: (الدرس ٩ - ١)

٣) ٣٥°

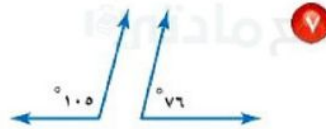
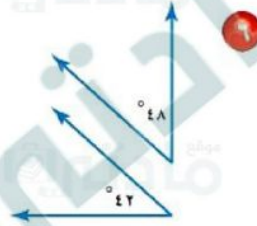


٤) ٨٠°



صنّفْ كلاً من أزواجِ الزوايا الآتيةِ إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك: (الدرس ٩ - ٢)

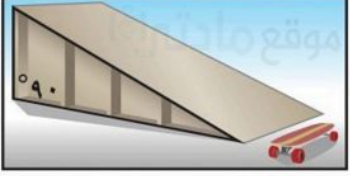
متتامتان



مجموع قياس الزاويتان =

$$١٨١ = ١٠٥ + ٧٦$$

الزاويتان غير ذلك

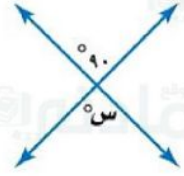


قائم الزاوية

٨ اختيار من متعدد: إذا كانت $\angle A$ ، $\angle B$ متكاملتين، وكان $\angle A = 41^\circ$ ، فما $\angle B$ ؟ (الدرس ٩ - ٢)

- (ج) 139°
- (د) 149°
- (i) 49°
- (ب) 59°

٩ أوجد قيمة s في الشكل المجاور. (الدرس ٩ - ٢)



بما أن الزاويتان المتقابلتان بالرأس متساويتان

$s = 90$

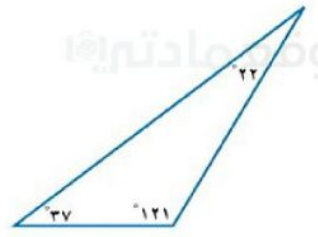
١٢ أوجد قيمة s في الشكل أدناه. (الدرس ٩ - ٣)



$s + 136 + 14 = 180$
 مجموع زوايا المثلث 180°
 $s + 150 = 180$
 $s = 180 - 150 = 30$

إذن $s = 30$

صنّف كلّاً من المثلثات الآتية إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية: (الدرس ٩ - ٣)



منفرج الزاوية



معمل الهندسة زوايا الشكل الرباعي

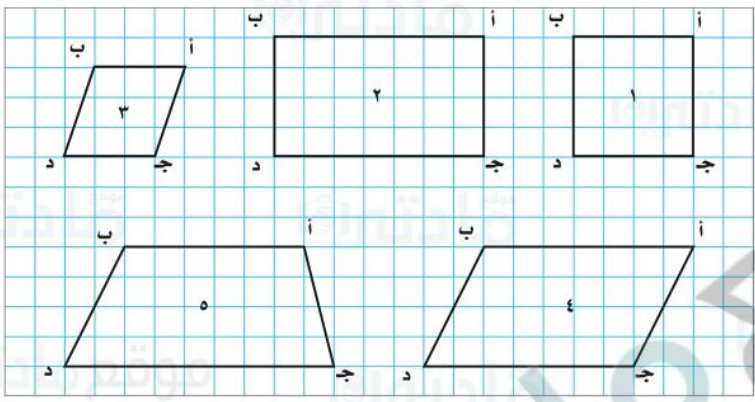
يتكوّن الشكل الرباعيُّ من أربعة أضلاع وأربع زوايا. ستكتشفُ في هذا المعملِ العلاقةَ بين زوايا الأشكالِ الرباعيةِ المختلفةِ.

فكرةُ الدرس:

أكتشفُ العلاقةَ بين زوايا الأشكالِ الرباعيةِ المختلفةِ.

نشاط

الخطوة ١: ارسم الأشكالَ الرباعيةَ الآتيةَ في ورقٍ مربعٍ:



الخطوة ٢: استعملِ المنقلةَ لإيجادِ قياسِ كلِّ زاويةٍ من زوايا الأشكالِ السابقةِ، وسجِّلِ النتائجَ في جدولٍ على النحو الآتي:

الشكل الرباعي	ق د أ	ق د ب	ق د ج	ق د د	مجموع قياس الزوايا
١					
٢					
٣					
٤					
٥					

حلّ النتائج في الإجابات في الصفحة التالية

- ١ صف أيّ نمطٍ تلاحظه في قياس زوايا الشكلين الرباعيين ١، ٢.
- ٢ صف أيّ نمطٍ تلاحظه في قياس زوايا الأشكال الرباعية ١ - ٤.
- ٣ **خمن:** هل يوجد في الشكل الخامس أيّ من الأنماط الموجودة في الأشكال الرباعية ١ - ٤؟ إذا كانت الإجابة بالنفي، فخمن السبب الذي يجعله مختلفاً عن بقية الأشكال.

١ صِفْ أَيَّ نَمَطٍ تلاحظُهُ فِي قِياسِ زوايا الشكَلينِ الرِباعيَّينِ ١، ٢

$$\text{ق} \triangle \text{أ} = \text{ق} \triangle \text{ب} = \text{ق} \triangle \text{ج} = \text{ق} \triangle \text{د}$$

٢ صِفْ أَيَّ نَمَطٍ تلاحظُهُ فِي قِياسِ زوايا الأشكالِ الرِباعيَّةِ ١ - ٤

$$\text{ق} \triangle \text{أ} = \text{ق} \triangle \text{د}، \text{ق} \triangle \text{ب} = \text{ق} \triangle \text{ج}$$

$$\text{ق} \triangle \text{أ} + \text{ق} \triangle \text{ب} + \text{ق} \triangle \text{ج} + \text{ق} \triangle \text{د} = 360^\circ$$

٣ خَمِّنْ: هلْ يوجَدُ فِي الشكَلِ الخامسِ أَيُّ مِنِ الأنماطِ الموجودةِ فِي الأشكالِ

الرِباعيَّةِ ١ - ٤؟ إذا كانتِ الإجابةُ بالنفي، فخَمِّنِ السببَ الذي يجعلُهُ مختلفًا

عَنْ بَقِيَّةِ الأشكالِ.

$$\text{ق} \triangle \text{أ} + \text{ق} \triangle \text{ب} + \text{ق} \triangle \text{ج} + \text{ق} \triangle \text{د} = 360^\circ$$

$$\text{ولكن} \text{ق} \triangle \text{أ} \neq \text{ق} \triangle \text{د}، \text{ق} \triangle \text{ب} \neq \text{ق} \triangle \text{ج}$$

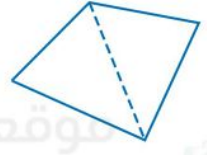
لأن الضلعين الأيمن والأيسر في الشكل الخامس غير متوازيين.

الأشكال الرباعية

٩ - ٤

نشاط

الشكل المبيّن أدناه يُسمّى شكلاً رباعياً؛ لأنّ له أربعة أضلاع وأربع زوايا.
ارسم شكلاً رباعياً.



اختر أحد الرؤوس، ثم ارسم
قطراً إلى الرأس المقابل.

- سمّ الأشكال الناتجة عن رسم القطر. وما عددها؟
- خمن: استعمل العلاقة بين قياسات زوايا المثلث؛ لإيجاد مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي. فسّر ذلك.
- استعمل المنقلة لإيجاد قياس كل زاوية من زوايا الشكل الرباعي الذي رسمته. ثمّ قارن بين مجموع قياسات هذه الزوايا والمجموع الذي أوجدته في السؤال الثاني.

فكرة الدرس:

أصنّف الأشكال الرباعية وأجد قياسات زوايا مجهولة فيها.

المفردات:

- الشكل الرباعي
- المستطيل
- المربع
- متوازي الأضلاع
- المعين
- شبه المنحرف

الإجابات في الصفحة التالية

مفهوم أساسي

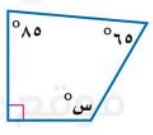
زوايا الشكل الرباعي

التعبير اللفظي: مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي يساوي ٣٦٠°

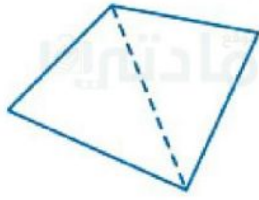
النموذج: بالرموز: $س + ص + ك + ع = ٣٦٠^\circ$

مثال

- أوجد قيمة س في الشكل الرباعي المجاور.
بما أنّ مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي يساوي ٣٦٠°،
فإنّ $س + ٩٠ + ٨٥ + ٦٥ = ٣٦٠$
اجمع ٩٠ و ٨٥ و ٦٥
فكّر: ما القياس الذي يُضاف إلى ٢٤٠ لتكون النتيجة ٣٦٠؟
تعلّم أنّ: $٣٦٠ = ٢٤٠ + ١٢٠$
إذن قيمة س هي ١٢٠



الشكل المبيّن أدناه يُسمّى شكلاً رباعياً ؛ لأنّ له أربعة أضلاع وأربع زوايا.



الخطوة ١ ارسم شكلاً رباعياً.

الخطوة ٢ اختر أحد الرؤوس، ثم ارسم قُطرًا إلى الرأس المقابل.

١ سمّ الأشكال الناتجة عن رسم القطر. وما عددها؟

مثلثات، عددها = مثلثين.

٢ **خمن:** استعمل العلاقة بين قياسات زوايا المثلث؛ لإيجاد مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي. فسّر ذلك.

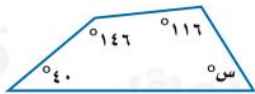
$$360 = 180 \times 2 = 360$$

٣ استعمل المنقلة لإيجاد قياس كل زاوية من زوايا الشكل الرباعي الذي رسمته. ثمّ قارن بين مجموع قياسات هذه الزوايا والمجموع الذي أوجدته في السؤال الثاني.

مجموع قياسات الزوايا للشكل الرباعي = 360

تحقق من فهمك:

أوجد قيمة s في كل من الشكلين الرباعيين الآتيين:



الإجابات في الصفحة التالية

يوضح الجدول الآتي خواص خمسة أشكال رباعية:

مفهوم أساسي	تصنيف الأشكال الرباعية	
الخصائص	الرسم	الشكل الرباعي
<ul style="list-style-type: none"> • أضلاعه المتقابلة متطابقة. • جميع زواياه قوائم. • أضلاعه المتقابلة متوازية. 		المستطيل
<ul style="list-style-type: none"> • جميع أضلاعه متطابقة. • جميع زواياه قوائم. • أضلاعه المتقابلة متوازية. 		المربع
<ul style="list-style-type: none"> • أضلاعه المتقابلة متطابقة. • أضلاعه المتقابلة متوازية. • زواياه المتقابلة متطابقة. 		متوازي الأضلاع
<ul style="list-style-type: none"> • جميع أضلاعه متطابقة. • أضلاعه المتقابلة متوازية. • زواياه المتقابلة متطابقة. 		المعين
<ul style="list-style-type: none"> • فيه ضلعان متوازيان فقط. 		شبه المنحرف

لغة الرياضيات:

الزوايا المتطابقة

الإشارات الخضراء التي لها الشكل نفسه في كل شكل رباعي تبين الزوايا المتطابقة.

إرشادات للدراسة

التوازي

إذا مُدَّ الخطان على استقامتيهما ولم يلتقيا أو يتقاطعا، فإنهما يُسَمَّيان مستقيبين متوازيين .

التعامد

المستقيمان اللذان يكوّنان زاوية قائمة عند نقطة التقائهما يُسَمَّيان مستقيبين متعامدين .

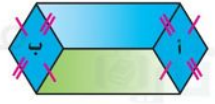
مثال من واقع الحياة تصنيف الأشكال الرباعية



٢ فن: صنّف كلا من الشكلين المُشارِ إليهما بالرقمين ٢، ١ في الزخرفة المُجاورة.
الشكل «١» مربع، والشكل «٢» معين.

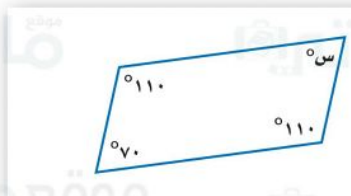
الإجابات في الصفحة التالية

تحقق من فهمك:



ج) شعارات: صنّف الشكلين «أ»، «ب» في الشعار المجاور.

مثال من اختبار



٣ إجابة قصيرة: ما قيمة س في متوازي الأضلاع المجاور؟

إرشادات للاختبارات
تحقق من معقولية الحل:
بعد أن تجد قيمة س، عد إلى الشكل الرباعي لتحديد ما إذا كانت إجابتك تمثل تقديراً معقولاً لقياس الزاوية أم لا.

اقرأ:

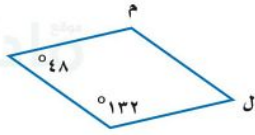
أنت في حاجة إلى معرفة قيمة س

حل:

تعلم أن زوايا متوازي الأضلاع المتقابلة متطابقة. وبما أن قياس الزاوية المقابلة للزاوية ذات القياس المجهول يساوي 70°، فإن س = 70°

تحقق: تعلم أن مجموع قياس زوايا الشكل الرباعي يساوي 360°
وبما أن: 70° + 70° + 110° + 110° = 360°، فالإجابة معقولة. ✓

تحقق من فهمك:



د) إجابة قصيرة: أوجد ق د م، ق د ل بالدرجات في المعين المجاور.

الإجابات في الصفحة التالية

تحقق من فهمك: ✓

أوجد قيمة س في كل من الشكلين الرباعيين الآتيين:



س + ١١٦ + ١٤٦ + ٤٠ = ٣٦٠° ،

س = ٣٠٢ - ٣٦٠ = ٥٨°



س + ٩٠ + ٩٠ + ١٩ = ٣٦٠° ،

س = ١٩٩ - ٣٦٠ = ١٦١°

تحقق من فهمك: ✓

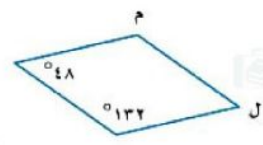
(ج) شعارات: صنف الشكلين «أ»، «ب» في الشعار المجاور.



كلين كلاهما متوازي أضلاع.

تحقق من فهمك: ✓

(د) إجابة قصيرة: أوجد ق، م، ل بالدرجات في المعين المجاور.



أن الشكل معين، إذن كل زاويتين متقابلتين متطابقتين.

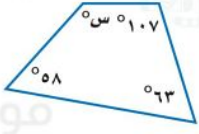
ق = م = ١٣٢° ، ق = ل = ٤٨°

الإجابات في الصفحة التالية

تأكد

المثال ١

أوجد قيمة س في كل من الشكلين الرباعيين الآتيين:



٢



١

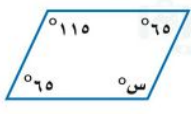
المثال ٢

صنّف كلّاً من الشكلين الرباعيين الآتيين:



المثال ٣

إجابة قصيرة: أوجد قيمة س في متوازي الأضلاع المُجاور.



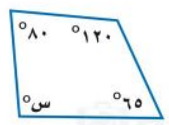
تدرّب وحلّ المسائل

أوجد قيمة س في كل من الأشكال الرباعية الآتية:

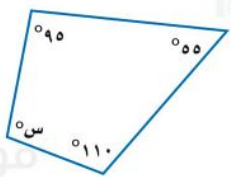
إرشادات للتمارين	
للتمارين	انظر الأمثلة
١	١٠-٥
٢	١٧-١١



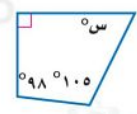
٦



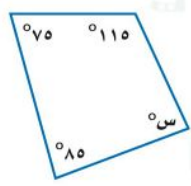
٥



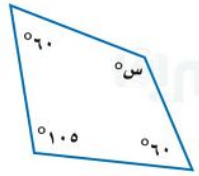
٨



٧



١٠



٩

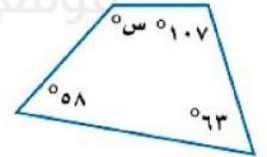
الإجابات في الصفحة التالية

أوجد قيمة س في كلِّ من الشكلين الرباعيين الآتيين:

$$\begin{aligned} \text{س} + 105 + 60 + 120 &= 360^\circ \\ \text{س} &= 285 - 360 = 75^\circ \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{س} + 107 + 63 + 58 &= 360^\circ \\ \text{س} &= 228 - 360 = 132^\circ \end{aligned}$$



صنّف كلّاً من الشكلين الرباعيين الآتيين:

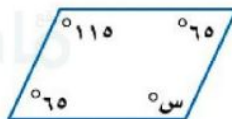
أضلاع الشكل المتقابلة متطابقة
جميع زواياه قوائم ، اضلاعه المتقابلة
متوازية ، أذن الشكل مستطيل



جميع أضلاعه متطابقة ، جميع زواياه قوائم
أضلاعه المتقابلة متوازية
أذن الشكل مربع



إجابة قصيرة: أوجد قيمة س في
متوازي الأضلاع المُجاور.



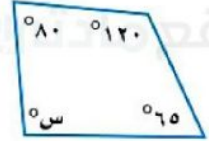
$$\begin{aligned} \text{س} + 65 + 65 + 115 &= 360^\circ \\ \text{س} &= 245 - 360 = 115^\circ \end{aligned}$$

أوجد قيمة س في كلّ من الأشكال الرباعية الآتية:



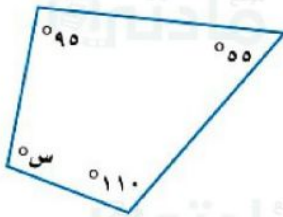
٦

$$\begin{aligned} \text{س} + 70^\circ + 110^\circ + 110^\circ &= 360^\circ \\ \text{س} &= 360^\circ - 290^\circ = 70^\circ \end{aligned}$$



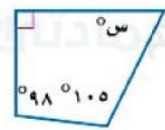
٥

$$\begin{aligned} \text{س} + 80^\circ + 120^\circ + 65^\circ &= 360^\circ \\ \text{س} &= 360^\circ - 265^\circ = 95^\circ \end{aligned}$$



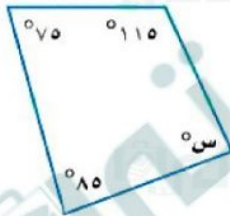
٨

$$\begin{aligned} \text{س} + 95^\circ + 55^\circ + 110^\circ &= 360^\circ \\ \text{س} &= 360^\circ - 260^\circ = 100^\circ \end{aligned}$$



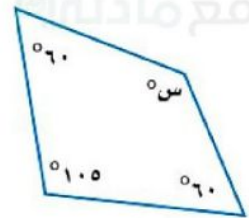
٧

$$\begin{aligned} \text{س} + 98^\circ + 98^\circ + 105^\circ &= 360^\circ \\ \text{س} &= 360^\circ - 293^\circ = 67^\circ \end{aligned}$$



١٠

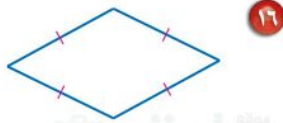
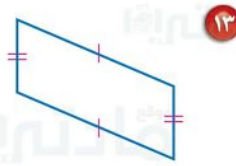
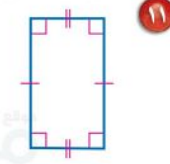
$$\begin{aligned} \text{س} + 75^\circ + 115^\circ + 85^\circ &= 360^\circ \\ \text{س} &= 360^\circ - 275^\circ = 85^\circ \end{aligned}$$



٩

$$\begin{aligned} \text{س} + 60^\circ + 60^\circ + 105^\circ &= 360^\circ \\ \text{س} &= 360^\circ - 225^\circ = 135^\circ \end{aligned}$$

صنّف كلّاً من الأشكالِ الرباعية الآتية:

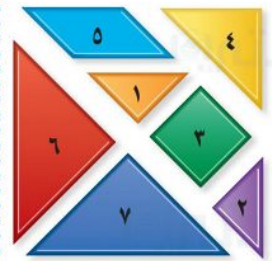


١٧ لوحاتُ: صنّف كلّاً من الشكلين الرباعيين المجاورين.



الإجابات في الصفحة التالية

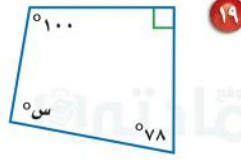
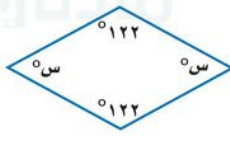
١٨ القطع الهندسية السبع: تُعدُّ المثلثات والأشكال الرباعية من المضلعات. والمضلع هو شكل بسيط مغلق يتكوّن من ثلاثة أضلاع أو أكثر. والمضلع الذي تتطابق جميع أضلاعه وزواياه أيضًا يُسمّى مضلعًا منتظمًا. انظر إلى المضلعات المبيّنة يمين الصفحة. وصنّف المضلعات المشار إليهما بالرقمين ٣ و ٥، ثمّ استعمل المسطرة والمنقلة لتعيين المضلعات المنتظمة.



الربط بالحياة: القطع الهندسية السبع (Tangram)

لعبة صينية قديمة تساعد على التفكير والتأمل، وتتكوّن من ٧ قطع هندسية، تولّف بمجموعها مربعًا، ويمكنك تكوين أكثر من ١٥٠٠ شكل من تلك القطع.

أوجد قيمة س في كلّ من الأشكال الرباعية الآتية:



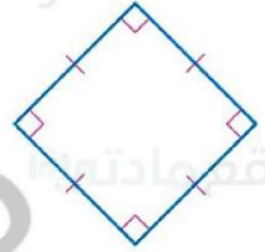
صنّف كلّاً من الأشكال الرباعية الآتية:

أضلاع الشكل المتقابلة متناظرة،
جميع زواياه قوائم،
أضلاعه المتقابلة متوازية،
إذن الشكل مستطيل.



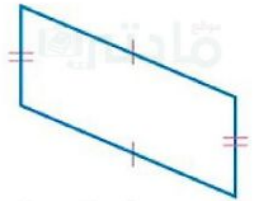
١١

جميع أضلاعه متطابقة،
جميع زواياه قوائم،
أضلاعه المتقابلة متوازية،
إذن الشكل مربع.



١٢

متوازي أضلاع



١٣

أضلاعه المتقابلة متطابقة،
أضلاعه المتقابلة متوازية،
إذن الشكل متوازي أضلاع.



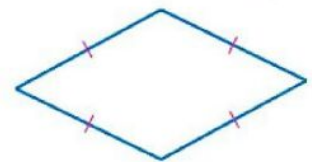
١٤

فيه ضلعان متوازيان فقط، إذن الشكل شبه منحرف.



١٥

لا يوجد به أي ضلعين متقابلين متوازيين إذن الشكل شكل رباعي.



١٦



١٧ **لوحات**: صنّف كلّاً من الشكلين الرباعيين المجاورين.

فيه ضلعان متوازيان فقط، إذن الشكل شبه منحرف



أضلاع الشكل المتقابلة متناظرة، جميع زواياه قوائم، أضلاعه المتقابلة متوازية، إذن الشكل مستطيل.

١٨ **القطع الهندسية السبع**: تُعدُّ المثلثات والأشكال الرباعية من المضلعات. والمضلع هو شكل بسيط مغلق يتكوّن من ثلاثة أضلاع أو أكثر. والمضلع الذي تتطابق جميع أضلاعه وزواياه أيضًا يُسمّى مضلعًا منتظمًا. انظر إلى المضلعات المبيّنة يمين الصفحة. وصنّف المضلّعين المشار إليهما بالرقمين ٣ و ٥، ثمّ استعمل المسطرة والمنقلة لتعيين المضلعات المنتظمة.

المضلع رقم ٣ مربع
والمضلع رقم ٥ متوازي أضلاع.
والمضلع رقم ٣ مضلع منتظم.

أوجد قيمة س في كلّ من الأشكال الرباعية الآتية:

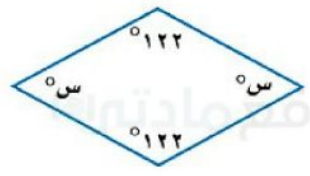


$$س = 360 - (78 + 90 + 100) = 92$$

أوجد قيمة س في كل من الأشكال الرباعية الآتية:

٢٠

س² = ٣٦٠ - (١٢٢ + ١٢٢)



س = ٥٨°

٢١

س² + س² + س² + س² = ٣٦٠°

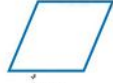






س = ٣٦٠° ÷ ٨

س = ٤٥°



٢٢ ترتيب: رتّب أحمد مجموعة من الأشكال الرباعية في فئتين وفق قاعدة تصنيف معينة. ووضع الأشكال التي انطبقت عليها تلك القاعدة في المجموعة (أ)، أما الأشكال التي لم تنطبق عليها تلك القاعدة فوضعها في المجموعة (ب).

		المجموعة (أ)
معيّن	مربع	
		المجموعة (ب)
شبه منحرف	متوازي أضلاع	
		
	مستطيل	

ما قاعدة التصنيف التي استعملها أحمد لترتيب الأشكال الرباعية؟

الإجابات في الصفحة التالية

٢٣ مسألة مفتوحة: صِف شيئين مختلفين من واقع الحياة يمثلان أشكالا رباعية، ثم صنّف هذه الأشكال.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٤ الحس العددي: إذا كان لثلاث زوايا في شكل رباعي القياس نفسه، فحدّد من دون استعمال الحسابات، هل قياس الزاوية الرابعة أكبر من 90° ، أم أقل من 90° ، أم يساوي 90° ؟ وفسّر إجابتك في كل من الحالات الآتية:

- (أ) قياس كل واحدة من الزوايا الثلاث المتطابقة 89°
- (ب) قياس كل واحدة من الزوايا الثلاث المتطابقة 90°
- (ج) قياس كل واحدة من الزوايا الثلاث المتطابقة 91°

تحّد: حدّد ما إذا كانت كل عبارة من العبارات الآتية صحيحة دائماً، أم صحيحة أحياناً، أم غير صحيحة، وفسّر إجابتك:



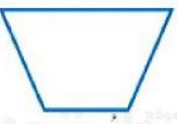


- ٢٥** المعين هو مربع.
- ٢٦** الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع.
- ٢٧** المستطيل هو مربع.
- ٢٨** المربع هو مستطيل.

٢٩ تحّد: ارجع إلى تعريف كل من المضلع والمضلع المنتظم الوارد في السؤال ١٨، ثمّ ارسّم مضلعين منتظمين يكون أحدهما مثلثاً والآخر رباعياً. وقيس زوايا المضلعين المنتظمين اللذين رسمتهما. ما قياس كل من زوايا المثلث المنتظم، والشكل الرباعي المنتظم؟ صنّف هذين المضلعين باختيار الاسم الأكثر تحديداً.

٣٠ الكنب: موضّحاً بالرسم مخطط العلاقة بين كل من الأشكال الآتية: المستطيل، متوازي الأضلاع، المربع، المعين، شبه المنحرف، الشكل الرباعي، ثمّ اكتب فقرة مكوّنة من عدّة جمل تشرح فيها المخطط الذي رسمته.

الإجابات في الصفحة التالية

٢٢ ترتيب: رتّب أحمدُ مجموعةً من الأشكالِ الرباعيةِ في فئتينِ وفق قاعدة تصنيفٍ معينة. ووضع الأشكال التي انطبقت عليها تلك القاعدة في المجموعة (أ)، أما الأشكال التي لم تنطبق عليها تلك القاعدة فوضعها في المجموعة (ب).

		المجموعة (أ)	
			المجموعة (ب)

ما قاعدة التصنيف التي استعملها أحمد لترتيب الأشكال الرباعية؟

القاعدة التي استعملها لترتيب الأشكال الرباعية هي تطابق الأضلاع.

٢٣ مسألة مفتوحة: صنف شيتين مختلفين من واقع الحياة يمثلان أشكالاً رباعية، ثم صنف هذه الأشكال.

السبورة: تمثل شكل رباعي أضلاعه المتقابلة متناظرة، جميع زواياه قوائم، أضلاعه المتقابلة متوازية، إذن الشكل مستطيل.

الطاولة: تمثل شكل رباعي جميع أضلاعه متطابقة، جميع زواياه قوائم، أضلاعه المتقابلة متوازية، إذن الشكل مربع.

٢٤ **الحسُّ العدديُّ:** إذا كانَ لثلاثِ زوايا في شكلٍ رباعيِّ القياسِ نفسه، فحدِّدْ من دونِ استعمالِ الحساباتِ، هلَّ قياسُ الزاويةِ الرابعةِ أكبرُ من 90° ، أم أقلُّ من 90° ، أم يساوي 90° ؟ وفسِّرْ إجابتك في كلِّ من الحالاتِ الآتية:

(أ) قياسُ كلِّ واحدةٍ منَ الزوايا الثلاثِ المتطابقةِ 89°

أكبر من 90° ، $360 \div 4 = 90^\circ$

أي أن متوسط قياس كل زاوية 90° يجب أن يكون قياس الزاوية الرابعة أكبر من 90° كي يكون مجموع قياسات زواياه الأربع 360° .

(ب) قياسُ كلِّ واحدةٍ منَ الزوايا الثلاثِ المتطابقةِ 90°

يساوي 90° ، $360 \div 4 = 90^\circ$

أي أن متوسط قياس كل زاوية 90° وبما أن قياس كل زاوية من الزوايا الثلاث المتطابقة يساوي 90° فإن قياس الزاوية الرابعة يساوي 90° كي يكون مجموع قياسات زواياه الأربع 360° .

(ج) قياسُ كلِّ واحدةٍ منَ الزوايا الثلاثِ المتطابقةِ 91°

الأقل من 90° ، $360 \div 4 = 90^\circ$

أي أن متوسط قياس كل زاوية 90° وبما أن قياس كل زاوية من الزوايا الثلاث المتطابقة أكبر من 90° فيجب أن يكون قياس الزاوية الرابعة أقل من 90° كي يكون مجموع قياسات زواياه الأربع 360° .

تحدّد: حدّد ما إذا كانت كلُّ عبارةٍ من العبارات الآتية صحيحةً دائماً، أم صحيحةً أحياناً، أم غير صحيحةٍ، وفسّر إجابتك:

٢٥ المعيّن هو مربع.

صحيحة أحياناً، إذا كانت زواياه متطابقة.

٢٦ الشكل الرباعيّ هو متوازي أضلاع.

صحيحة أحياناً، إذا كان فيه كل ضلعين متقابلين ومتوازيين.

٢٧ المستطيل هو مربع.

صحيحة أحياناً، إذا تطابقت أضلاعه.

٢٨ المربع هو مستطيل.

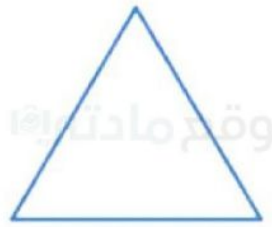
صحيحة دائماً، المربع حالة خاصة من المستطيل حيث جميع أضلاعه متطابقة.

٢٩ **تحدّد:** ارجع إلى تعريف كلِّ من المضلع والمضلع المنتظم الوارد في السؤال ١٨، ثمّ ارسم مضلعين منتظمين يكون أحدهما مثلثاً والآخر رباعيّاً. وقسّ زوايا المضلعين المنتظمين اللذين رسمتهما. ما قياس كلِّ من زوايا المثلث المنتظم، والشكل الرباعيّ المنتظم؟ صنّف هذين المضلعين باختيار الاسم الأكثر تحديداً.

مثلث متساوي الأضلاع

قياس زوايا المثلث الثلاثة متساوية

وكل منها تساوي 60° .



مربع

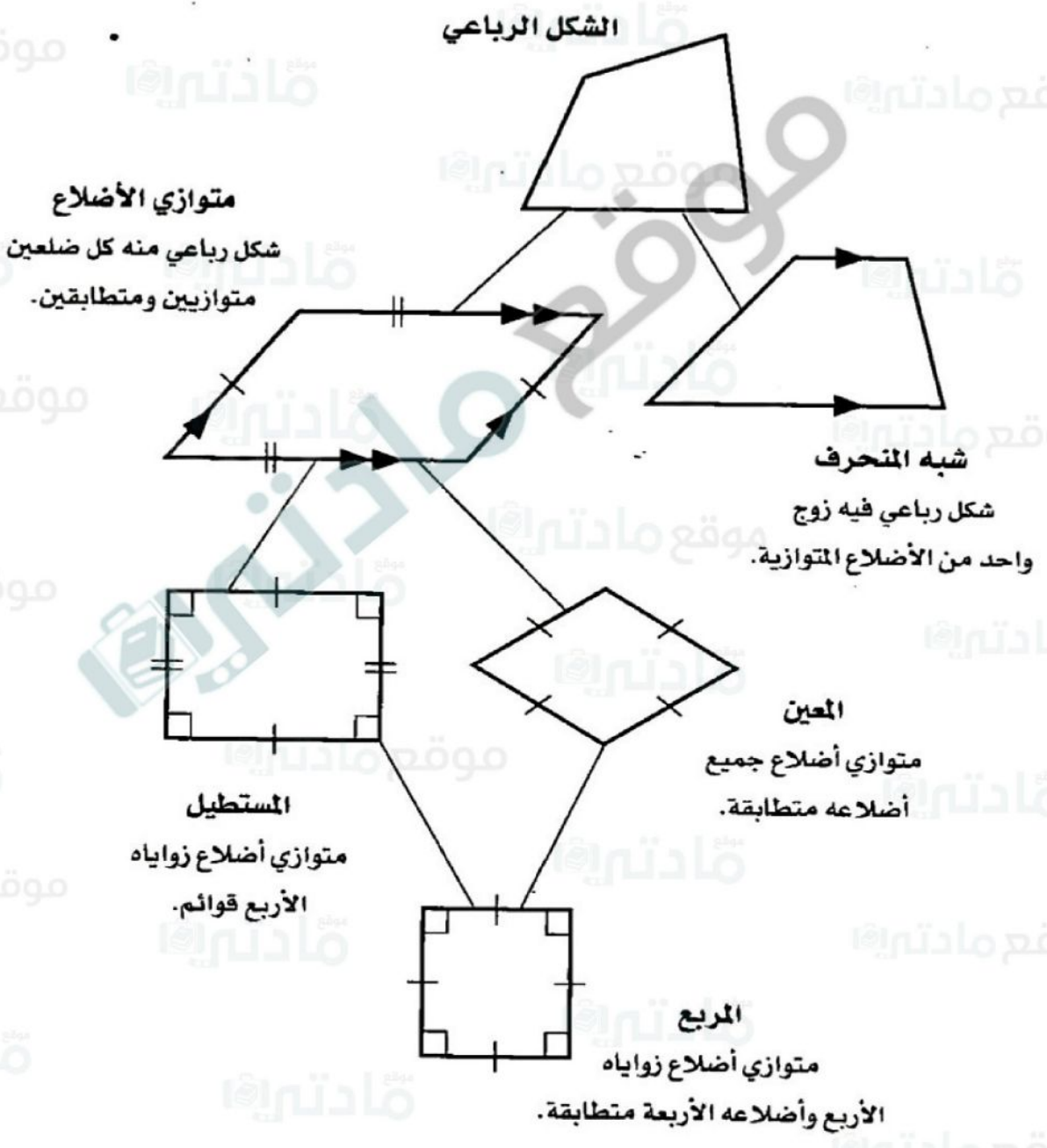
قياس زوايا المربع الأربعة متساوية

وكل منها 90° .



موضحًا بالرسم مخطط العلاقة بين كل من الأشكال الآتية: المستطيل، متوازي الأضلاع، المربع، المعين، شبه المنحرف، الشكل الرباعي، ثم اكتب فقرة مكونة من عدة جمل تشرح فيها المخطط الذي رسمته.


يعد الشكل الرباعي نقطة البداية لان جميع الأشكال المذكورة هي أشكال رباعية. ويرتبط كل من المستطيل والمربع والمعين بمتوازي الأضلاع إذ أن جميعها أنواع من متوازيات الأضلاع. ولأن شبه المنحرف يحتوي على زوج واحد فقط من الأضلاع المتوازية فإنه لا يرتبط بمتوازي الأضلاع.



الإجابات في الصفحة التالية


تدريب على اختبار

٣٣ أوجد قياس \angle م في متوازي الأضلاع أدناه.



(أ) 30° (ب) 60°
 (ج) 120° (د) 150°

٣٦ أوجد قياس \angle أ في الشكل أدناه.

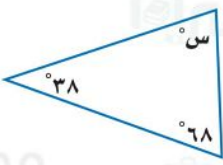


(أ) 75° (ب) 105°
 (ج) 165° (د) 195°

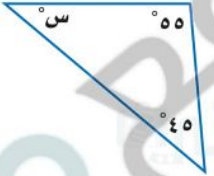
مراجعة تراكمية

أوجد قيمة s في كل من المثلثات الآتية: (الدرس ٩ - ٣)

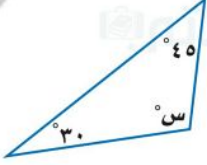
٣٥



٣٤




٣٣




صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك: (الدرس ٩ - ٢)

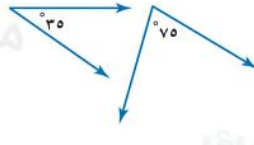
٣٨



٣٧



٣٦



الاستعداد للدرس اللاحق

٣٩ مهارة سابقة: قسّم عددًا ما على ٣، ثمّ أضيف إلى الناتج ٦، ثمّ ضرب المجموع في ٥، فكانت النتيجة ٥٠، فما العدد؟

الإجابات في الصفحة التالية

٣٣ أوجد قياس \angle م في متوازي الأضلاع أدناه.



- (أ) 30°
- (ب) 60°
- (ج) 120°
- (د) 150°

٣٤ أوجد قياس \angle أ في الشكل أدناه.

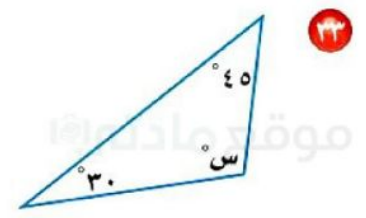


- (أ) 75°
- (ب) 105°
- (ج) 165°
- (د) 195°

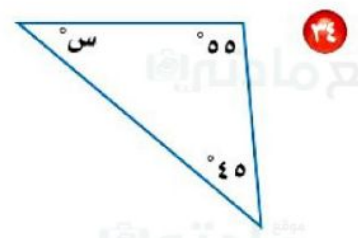
مراجعة تراكمية

أوجد قيمة س في كل من المثلثات الآتية: (الدرس ٩ - ٣)

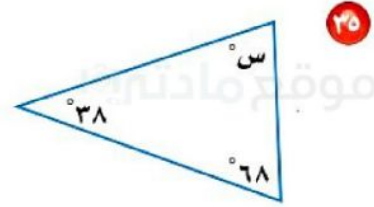
$$س = 180 - (30 + 45) = 105^\circ$$



$$س = 180 - (45 + 55) = 80^\circ$$

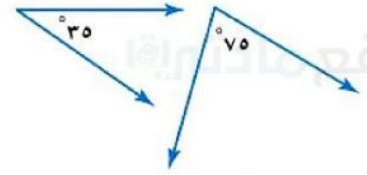


$$س = 180 - (38 + 68) = 74^\circ$$



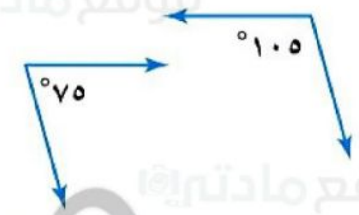
صنّف كلّ من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك: (الدرس ٩ - ٢)

غير ذلك



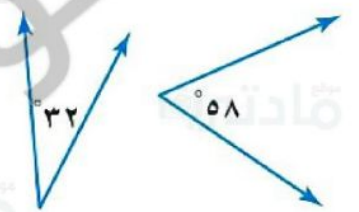
٣٦

متكاملتان



٣٧

متتامتان



٣٨

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: قَسِّمَ عددًا ما على ٣، ثُمَّ أُضِيفَ إلى الناتج ٦، ثُمَّ ضُرِبَ المجموعُ في ٥، فكانتِ النتيجةُ ٥٠، فما العددُ؟

العدد هو ١٢

$$\text{لأن } ١٢ \div ٣ = ٤ \text{ ثم أضيف } ٦$$

$$٤ + ٦ = ١٠ \text{ اضرب المجموع } \times ٥$$

$$٥٠ = ٥ \times ١٠$$



خطة حل المسألة

فكرة الدرس : أحل المسائل باستعمال خطة «الرسم».



الرسم

ياسر: أريد أن أَدعوَ أصدقائي إلى حفلة سأقيمها، لذا سأدعو كلاً من محمد وخالد إلى الحفلة، وسأطلبُ إلى كلِّ منهما أن يدعوا صديقين آخرين، وهكذا ...

مهمتك: «رسم مخطط» لإيجاد عدد المدعوين إلى الحفلة بعد ٣ مراحل، علماً بأن كل واحد من المدعوين سيدعو صديقين آخرين له.

<p>تعلم أن ياسر دعا محمداً وخالداً إلى الحفلة، وبعد ذلك سيقوم كلُّ منهما بدعوة صديقين آخرين إلى الحفلة في كل مرحلة، والمطلوب إيجاد عدد المدعوين إلى الحفلة بعد ٣ مراحل.</p>	<p>افهم</p>
<p>ارسم مخططاً.</p>	<p>خط</p>
<div style="text-align: center;"> <p>المرحلة الأولى</p> <p>المرحلة الثانية</p> <p>المرحلة الثالثة</p> <p>إذن بعد ٣ مراحل سيكون مجموع المدعوين للحفلة ١٤ شخصاً.</p> </div>	<p>حل</p>
<p>تحقق من المخطط لتتأكد من أنه يلبي جميع معطيات المسألة. وبما أن المخطط صحيح، فإن الإجابة صحيحة أيضاً. ✓</p>	<p>تحقق</p>

حل الخطة

- ١ اشرح لماذا رسم ياسر مخططاً لحل المسألة.
- ٢ **اكتب** مسألة يمكن حلها باستعمال خطة «الرسم»، ثم حلها.

الإجابات في الصفحة التالية

1 اشرح لماذا رسم ياسر مخططاً لحل المسألة.

لأنه يساعده على فهم المسألة وتصور المعطيات.

2 **اكتب** مسألة يمكن حلها باستعمال خطة "الرسم"، ثم حلها.

يوجد في غرفة أربعة أشخاص فإذا صافح كل واحد منهم جميع الأشخاص الآخرين مرة واحدة فما عدد المصافحات جميعها؟

افهم

معطيات المسألة:

يوجد 4 أشخاص.

صافح كل واحد منهم جميع الأشخاص.

المطلوب: عدد المصافحات.



خط

ارسم مخططاً

حل

إنه يوجد 6 مصافحات

تحقق

تحقق من المخطط، إنه الإجابة صحيحة.

الإجابات في الصفحة التالية

مسائل متنوعة

استعمل خطة "الرسم" لحل المسائل ٣-٥:

٣ قيادة: صمّم موقع تدريب قيادة للسيارات على شكل مستطيل يتكوّن من ٤ مربعات طولية و ٣ مربعات عرضية. إذا أراد شخص أن يقود سيارته من أحد أركان الموقع إلى الركن المقابل له، فما عدد الطرق التي يمكن أن يسلكها إذا كان عليه أن يغيّر اتجاه حركته مرتين بالضبط؟

٤ أزهار: يرغب سليمان في أن يزرع شجيرات أزهار على الحدود الخارجية لحديقة مربعة الشكل. فإذا أراد زرع ٨ شجيرات على كل جانب، فما الحد الأدنى لعدد الشجيرات التي عليه زراعتها؟

٥ طوابع: ترسّب هيفاء الطوابع على صفحة من الورق مستطيلة الشكل طولها ٢٤ سم وعرضها ١٨ سم. فما عدد الطوابع التي تكفي لملء الورقة، إذا كان الطابع مربع الشكل طوله ٢ سم، ويبعد كل طابع عن الآخر ٤ سم؟

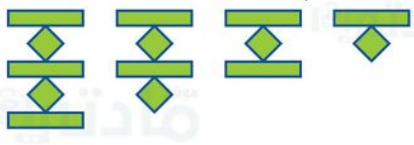
استعمل الخطة المناسبة مما يأتي لحل المسائل ٦-١٤:

خطط حل المسألة

- إنشاء قائمة منظمة
- البحث عن نهج
- الرسم
- التخمين والتحقق

٦ نقود: اشترت سلمى كمية من الأرز بمبلغ ١٠٥ ريالات، دفعت ثمنها أوراقاً نقدية من فئة ٥ ريالات، و ١٠ ريالات، وعشرين ريالاً. فإذا كان عدد الأوراق النقدية التي دفعتها هو ١٣ ورقة، فما عدد أوراق كل فئة؟

٧ أنماط: ارسم الشكلين الآتيين في النمط أدناه:

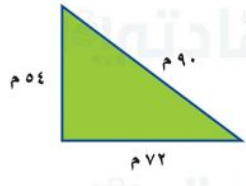


٨ رحلة عائلية: تريد عائلة أن تسافر بالسيارة، حيث يقود والدّهم السيارة، وتجلس الأم بجواره، بينما يجلس أبناؤهم الثلاثة في المقعد الخلفي. ما عدد الطرق المختلفة التي يمكن أن يجلس بها أفراد العائلة عند ركوب السيارة؟

٩ أعمار: عمّر والد ثامر يساوي ٣ أمثال عمّر ثامر، وبعد ١٢ سنة سيكون عمّر الوالد مثلي عمّر ثامر. فكم عمّر ثامر الآن؟

١٠ هدايا: قدّم كل فرد من العائلة هدية إلى كل واحد من الأفراد الآخرين في يوم عيد الفطر. فإذا كان العدد الكلي للهدايا المقدمة ٣٠ هدية، فما عدد أفراد العائلة؟

١١ هندسة: كم مرة يساوي طول الضلع الأطول في المثلث أدناه طول الضلع الأقصر؟



١٢ فواكه: الجدول الآتي يبيّن أسعار كميات مختلفة من التفاح في أحد المحال:

الكمية (كجم)	السعر (ريال)
٢	١٢.٥٠
٤	٢٥.٠٠
٦	٣٧.٥٠
٨	٥٠.٠٠

استعمل هذا الجدول لحساب ثمن ١٣ كيلو جراماً من التفاح.

١٣ احتفالات: يوجد في قاعة احتفالات ٥ أعمدة تشكّل قواعدها رؤوس مضلع خماسي. إذا علقت قطعة جبل بين كل عمودين، فما العدد الكلي لقطع الجبال؟

١٤ رحلة: قطع منصور مسافة ٤٣٥ كيلومتراً بالسيارة لزيارة شقيقته. فإذا كانت سرعة السيارة ٨٥ كيلومتراً في الساعة خلال أول ٢٥٥ كيلومتراً، و ٩٠ كيلومتراً في الساعة لبقية الرحلة، فكم ساعة استغرقت الرحلة؟

الإجابات في الصفحة التالية

٣ **قيادة:** صُمِّمَ موقعُ تدريبِ قيادةٍ للسياراتِ على شكلِ

مستطيلٍ يتكوَّنُ من ٤ مربعاتٍ طوليةٍ و ٣ مربعاتٍ عرضيةٍ.

إذا أرادَ شخصٌ أن يقودَ سيارتهُ من أحدِ أركانِ الموقعِ إلى

الركنِ المقابلِ لهُ، فما عددُ الطرقِ التي يمكنُ أن يسلكَها

إذا كانَ عليه أن يغيِّرَ اتجاهَ حركتهِ مرتينِ بالضبطِ؟

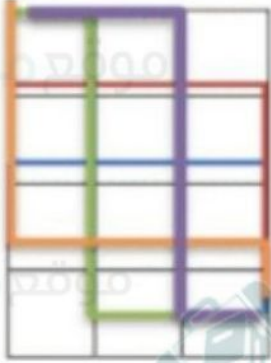
افهم

معطيات المسألة:

موقع التدريب يتكون من ٤ مربعات طولية و ٣ مربعات عرضية.

المطلوب: عدد الطرق التي يمكن أن يسلكها إذا كان عليه أن يغير اتجاه حركته مرتين

بالضبط.



ارسم مخططاً

خطط

حل

بالنظر للمخطط نجد انه يوجد ٥ طرق يمكن أن يسلكها

تحقق

تحقق من المخطط، إذن الإجابة صحيحة.

٤ أزهار: يرغب سليمان في أن يزرع شجيرات أزهار على الحدود الخارجية لحديقة مربعة الشكل. فإذا أراد زرع ٨ شجيرات على كل جانب، فما الحد الأدنى لعدد الشجيرات التي عليه زراعتها؟

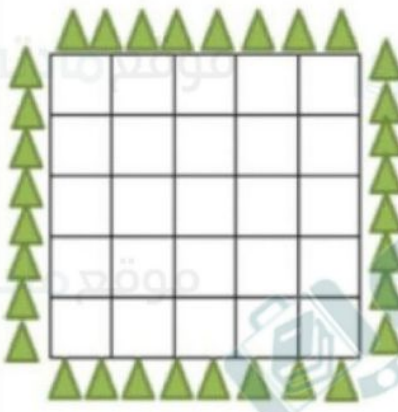
افهم

معطيات المسألة:

الحديقة مربعة الشكل.

زرع ٨ شجيرات على كل جانب.

المطلوب: الحد الأدنى لعدد الشجيرات التي عليه زراعتها.



خطط

ارسم مخططاً

حل

يوجد للمربع ٤ جوانب،

إن عدد الشجيرات $4 \times 8 = 32$ شجيرة.

تحقق

تحقق من المخطط، إن الإجابة صحيحة.

٥ طوابع: تُرتَّب هيفاء الطوابع على صفحة من الورق مستطيلة الشكل طولها ٢٤ سم وعرضها ١٨ سم. فما عدد الطوابع التي تكفي لملء الورقة، إذا كان الطابع مربع الشكل طولُه ٢ سم، ويبعد كل طابع عن الآخر ٤ سم؟

افهم

معطيات المسألة:

الصفحة مستطيلة الشكل، طولها ٢٤ سم وعرضها ١٨ سم.

الطابع مربع الشكل، طولُه ٢ سم.

يبعد كل طابع عن الآخر ٤ سم.

المطلوب: عدد الطوابع التي تكفي لملء الورقة.



خطط

ارسم مخططاً

حل

$(٢ + ٤) س = ٢٤ س$ ، $٤ = س$

$(٢ + ٤) ص = ١٨ ص$ ، $٣ = ص$ ، عدد الطوابع $= ٣ \times ٤ = ١٢$ طابعا

تحقق

تحقق من المخطط، إذن الإجابة صحيحة.

٦ **نقود**: اشترت سلمى كمية من الأرز بمبلغ ١٠٥ ريالاً، دفعت ثمنها أوراقاً نقدية من فئة ٥ ريالاً، و ١٠ ريالاً، وعشرين ريالاً. فإذا كان عدد الأوراق النقدية التي دفعتها هو ١٣ ورقة، فما عدد أوراق كل فئة؟

افهم

معطيات المسألة:

الأرز بمبلغ ٥٥ ريالاً.

دفع أوراقاً نقدية من فئة ١ ريال، و ٥ ريالاً و ١٠ ريالاً.

عدد الأوراق النقدية التي دفعها ١٢ ورقة،

المطلوب: عدد أوراق كل فئة.

خطط

أخمن ثم أتتحقق

حل

أخمن انه دفع ٤ من فئة ١ ريال. و ٥ من فئة ٥ ريال. و ٣ من فئة

١٠ ريال

إذن ما دفعه = $١ \times ٤ + ٥ \times ٥ + ١٠ \times ٣ = ٤ + ٢٥ + ٣٠ = ٥٩$ ريالاً

إذن هذا التخمين خطأ

أخمن انه دفع ٤ من فئة ١ ريال. و ٣ من فئة ٥ ريال. و ٥ من فئة ١٠ ريال

إذن ما دفعه = $١ \times ٤ + ٥ \times ٣ + ١٠ \times ٥ = ٤ + ١٥ + ٥٠ = ٦٩$ ريالاً

إذن هذا التخمين خطأ

أخمن انه دفع ٥ من فئة ١ ريال و ٤ من فئة ٥ ريال. و ٣ من فئة ١٠ ريال

إذن ما دفعه = $١ \times ٥ + ٥ \times ٤ + ١٠ \times ٣ = ٥ + ٢٠ + ٣٠ = ٥٥$ ريالاً

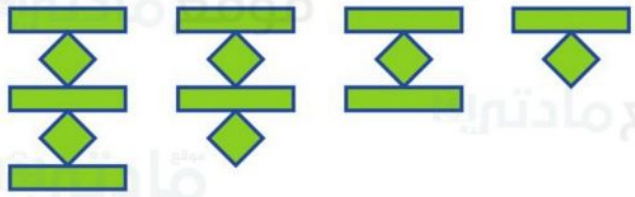
إذن هذا التخمين صحيح

تحقق

$٥٥ = ٣٠ + ٢٠ + ٥ = ١٠ \times ٣ + ٥ \times ٤ + ١ \times ٥$ ،

إذن الإجابة صحيحة.

أنماط: ارسم الشكلين الآتيين في النمط أدناه:



افهم

معطيات المسألة:

النمط التالي:

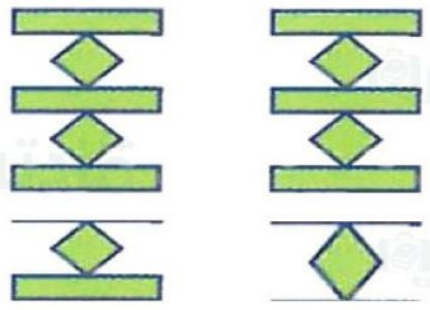


المطلوب: الشكلين التاليين في النمط.

خطط

ابحث عن نمط

حل



تحقق

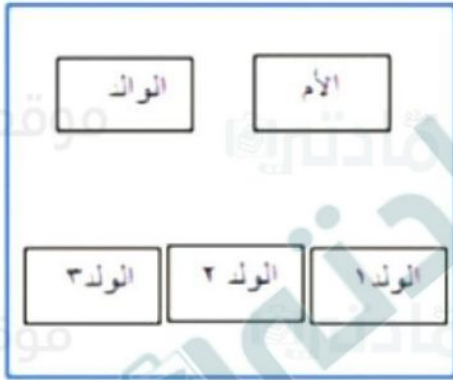
بالنظر إلى النمط، إذن الإجابة صحيحة.

٨ **رحلة عائلية:** تريدُ عائلةٌ أن تسافرَ بالسيارة، حيثُ يقودُ والدُهم السيارة، وتجلسُ الأمُ بجوارِهِ، بينما يجلسُ أبناؤُهُم الثلاثةُ في المقعدِ الخلفيِّ. ما عددُ الطرقِ المختلفةِ التي يمكنُ أن يجلسَ بها أفرادُ العائلةِ عندَ ركوبِ السيارة؟

افهم

معطيات المسألة:

يقود والدهم السيارة، تجلس الأم بجواره، يجلس أبناؤهم الثلاثة في المقعد الخلفي. المطلوب: عدد الطرق المختلفة التي يمكن أن يجلس بها أفراد العائلة عند ركوب السيارة.



خطط

ارسم المسألة

يقود والدهم السيارة، تجلس الأم بجواره،

طرق جلوس الأبناء في المقعد الخلفي هي كما يلي:

(١، ٢، ٣)، (١، ٣، ٢)، (٢، ١، ٣)، (٢، ٣، ١)، (٣، ١، ٢)، (٣، ٢، ١)

← الاحتمالات الممكنة هي ٦ طرق.

حل

تحقق

تحقق من المخطط، إن الإجابة صحيحة.

٩ **أعمار:** عُمرُ والدِ ثامرٍ يساوي ٣ أمثالِ عُمرِ ثامرٍ، وبعدَ ١٢ سنةً سيكونُ عُمرُ الوالدِ مثلي عُمرِ ثامرٍ. فكم عُمرُ ثامرٍ الآن؟

افهم

معطيات المسألة:

عمر والد ثامر = ٣ أمثال عمر ثامر،
بعد ١٢ سنة، يكون عمر الوالد = ٢ × عمر ثامر
المطلوب: عمر ثامر الآن.

نظّم

ارسم مخططاً

عمر ثامر	عمر والد ثامر
س	٣س
س + ١٢	٣س + ١٢

حلّ

$$٢(س + ١٢) = ٣س + ١٢$$

$$٢س + ٢٤ = ٣س + ١٢$$

$$١٢ = س$$

إذن عمر ثامر = ١٢ سنة

تحقق

عمر ثامر بعد ١٢ عام = ١٢ + ١٢ = ٢٤ عام

عمر والد ثامر = ١٢ × ٣ + ١٢ = ٤٨ عام

٤٨ = ٢ × ٢٤ إذن الإجابة صحيحة.

٢٠ **هدايا:** قدّم كل فردٍ من العائلة هديةً إلى كلِّ واحدٍ من الأفراد الآخرين في يوم عيدِ الفطر. فإذا كانَ العددُ الكليُّ للهدايا المقدمة ٣٠ هديةً، فما عددُ أفرادِ العائلة؟

افهم

معطيات المسألة:

كل فرد قدم هدية إلى واحد من الأفراد الآخرين في يوم العيد.

العدد الكلي للهدايا ٣٠ هدية

المطلوب: عدد أفراد العائلة.

نظّم

أنشئ قائمة منظمة

عدد الهدايا	عدد الأشخاص
٢	٢
٦	٣
١٢	٤
٢٠	٥
٣٠	٦

حلّ

بين شخصين تقدم هديتين

وبين ٣ أشخاص تقدم ٦ هدايا

بحيث يقدم كل شخص هدية للآخر

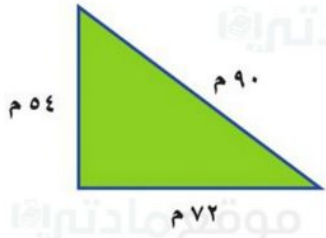
نكمل في الجدول التالي عدد الهدايا :

إذن عدد الأشخاص = ٦ أفراد

تحقق

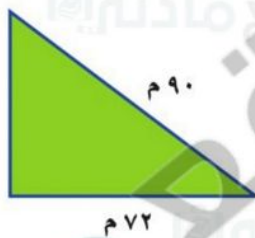
تحقق من الجدول، إذن الإجابة صحيحة.

١١ هندسة: كم مرة يساوي طول الضلع الأطول في المثلث أدناه طول الضلع الأقصر؟



افهم

معطيات المسألة:



المطلوب: كم مرة يساوي طول الضلع الأطول في المثلث طول الضلع الأقصر.

خطط

ارسم مخططاً

حل

طول الضلع الأطول = 90م، طول الضلع الأقصر = 54م

طول الضلع الأطول في المثلث = 90 ÷ 54 = 1,7 مرة طول الضلع الأقصر

تحقق

تحقق من المخطط، إذن الإجابة صحيحة.

١٢ فواكه: الجدول الآتي يبيّن أسعار كمياتٍ مختلفةٍ من التفاح في أحد المحال:

السعر (ريال)	الكيلوجرامات
١٢,٥٠	٢
٢٥,٠٠	٤
٣٧,٥٠	٦
٥٠,٠٠	٨

استعمل هذا الجدول لحساب ثمن ١٣ كيلوجراماً من التفاح.

افهم معطيات المسألة:

السعر (ريال)	الكيلوجرامات
١٢,٥٠	٢
٢٥,٠٠	٤
٣٧,٥٠	٦
٥٠,٠٠	٨

المطلوب: حساب ثمن ١٣ كيلوجراماً من التفاح.

خطط أنشئ قائمة منظمة.

حل بالنظر إلى القائمة نجد أن سعر الكيلوجرام الواحد = ٦,٢٥ ريالاً

السعر (ريال)	الكيلوجرامات
٦,٢٥	١
١٢,٥٠	٢
٢٥,٠٠	٤
٣٧,٥٠	٦
٥٠,٠٠	٨

إذن سعر ١٣ كيلوجرامات من التفاح = $٦,٢٥ \times ١٣ = ٨١,٢٥$ ريالاً

تحقق تحقق من القائمة، إذن الإجابة صحيحة.

١٣ **احتفالات:** يوجد في قاعة احتفالات ٥ أعمدة تشكّل قواعدها رؤوس مضلع خماسي. إذا علقت قطعة حبل بين كل عمودين، فما العدد الكلي لقطع الحبال؟

افهم

معطيات المسألة:

يوجد في القاعة ٥ أعمدة.

تشكل قواعدها رؤوس مضلع خماسي.

علقت قطعة حبل بين كل عمودين.

المطلوب: العدد الكلي لقطع الحبال.

خطط

ارسم مخططاً

حل

$$٥ \times ٢ = ١٠ \text{ قطع}$$

تحقق

تحقق من المخطط، إن الإجابة صحيحة.

رحلة: قطع منصور مسافة ٤٣٥ كيلومترًا بالسيارة لزيارة شقيقته. فإذا كانت سرعة السيارة ٨٥ كيلومترًا في الساعة خلال أول ٢٥٥ كيلومترًا، و ٩٠ كيلومترًا في الساعة لبقية الرحلة، فكم ساعة استغرقت الرحلة؟

افهم

معطيات المسألة: قطع مسافة ٤٣٥ كيلومترًا.

سرعة السيارة ٨٥ كيلومترًا في الساعة خلال أول ٢٥٥ كيلومترًا،

وسرعة السيارة ٩٠ كيلومترًا في الساعة لبقية الرحلة.

المطلوب: كم ساعة استغرقت الرحلة.

خطط

ارسم مخططاً

حل

$$(٢٥٥ \div ٨٥) = ٣ \text{ ساعات.}$$

$$(٢٥٥ - ٤٣٥) \div ٩٠ = ٩٠ \text{ ساعتين}$$

$$\text{مدة الرحلة} = ٢ + ٣ = ٥ \text{ ساعات}$$

تحقق

تحقق من المخطط، إذن الإجابة صحيحة.

١٠ اختيار من متعدد: أوجد ق ل في شبه المنحرف المُجاور.



- (أ) ١١٠°
- (ب) ١٠٠°
- (ج) ٩٠°
- (د) ٢٠°

١١ حدائق: صنّف كلّاً من الشكلين الرباعيين المبيّنين في الصورة أدناه.



١٢ اختيار من متعدد: أيّ العبارات الآتية غير صحيحة بناءً على الأشكال أدناه؟



- (أ) جميع الأشكال رباعية.
- (ب) كلّ شكلٍ من هذه الأشكال مضلع.
- (ج) كلّ شكلٍ من هذه الأشكال متوازي أضلاع.
- (د) مجموع قياسات زوايا كلّ من هذه الأشكال يساوي ٣٦٠°

١٣ رياضة: يخطّط جاسم لاستعمالٍ مخاريطٍ برتقالية اللون؛ لتعيين حدودٍ ملعبٍ مستطيل الشكل. وسيضع على كلّ ضلعٍ ٥ مخاريط، من ضمنها مخروطةٍ واحدٍ عند كلّ ركنٍ من أركانِ الملعب، فما عددُ المخاريطِ اللازمةٍ لذلك؟

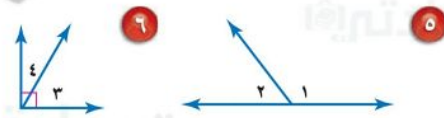
استعمل المنقلة لقياس الزوايا الآتية وصنّفها إلى: حادة، أو منفرجة، أو قائمة، أو مستقيمة:



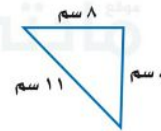
١٤ تلال: قدّر قياس س في الصورة المُجاورة.



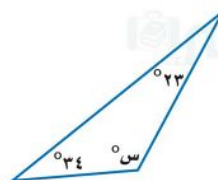
صنّف كلّ زوجٍ من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:



صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



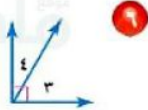
١٥ أوجد قيمة س في المثلث المُجاور.



صنّف كل زوج من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين،
أو متكاملتين، أو غير ذلك:



متكاملتان، فمجموع قياس الزاويتين يساوي 180°



متتامتان، فمجموع قياس الزاويتين يساوي 90°

صنّف كلّ من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع،
أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



جميع الأضلاع متطابقة،
إذن المثلث متطابق الأضلاع.



يوجد ضلعين متطابقين،
إذن المثلث متطابق الضلعين.

استعمل المنقلة لقياس الزوايا الآتية وصنّفها إلى: حادة،
أو منفرجة، أو قائمة، أو مستقيمة:



90° ، زاوية قائمة



17° ، زاوية حادة



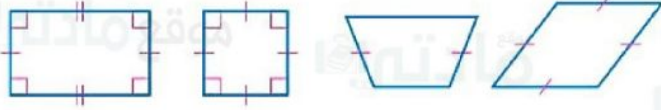
180° ، زاوية مستقيمة



تلاّن: قدر قياس س في
الصورة المُجاورة.

15° تقريبا، لأنها زاوية حادة

١٢ اختيار من متعدد: أي العبارات الآتية غير صحيحة بناءً على الأشكال أدناه؟



(أ) جميع الأشكال رباعية.

(ب) كل شكل من هذه الأشكال مضلع.

(ج) كل شكل من هذه الأشكال متوازي أضلاع.

(د) مجموع قياسات زوايا كل من هذه الأشكال يساوي ٣٦٠.

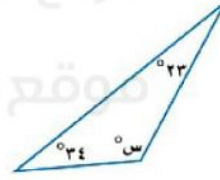


الشكل ليس متوازي أضلاع،

إذن الإجابة الصحيحة هي:

(ج) كل شكل من هذه الأشكال متوازي أضلاع.

٩ أوجد قيمة س في المثلث المجاور.



$$س + ٢٣ + ٣٤ = ١٨٠$$

$$س = (٢٣ + ٣٤) - ١٨٠$$

$$س = ٥٧ - ١٨٠ = ١٢٣$$

١٠ اختيار من متعدد: أوجد ق ل في شبه

المنحرف المجاور.



(أ) ١١٠

(ب) ١٠٠

(ج) ٩٠

(د) ٢٠

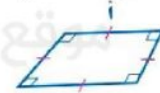
$$ل + ٩٠ + ٩٠ + ٧٠ = ٣٦٠$$

$$ل = ٣٦٠ - ٢٥٠ = ١١٠$$

إذن الإجابة الصحيحة هي: (أ) ١١٠

١١ حدائق: صنف كلاً من الشكلين الرباعيين المبيّنين

في الصورة أدناه.



الشكل أ جميع أضلاعه متطابقة،

أضلاعه المتقابلة متوازية،

إذن الشكل مربع.

الشكل ب

أضلاع الشكل المتقابلة متناظرة،

جميع زواياه قوائم،

أضلاعه المتقابلة متوازية،

إذن الشكل مستطيل.

١٣ **رياضة:** يخطُّ جاسمٌ لاستعمالِ مخاريطٍ برتقالية

اللون؛ لتعيينِ حدودِ ملعبٍ مستطيلِ الشكلِ.

وسيضعُ على كلِّ ضلعٍ ٥ مخاريطٍ، من ضمنها

مخروطٌ واحدٌ عند كلِّ ركنٍ من أركانِ الملعبِ، فما

عددُ المخاريطِ اللازمةِ لذلكِ؟

افهم

معطيات المسألة:

الملعب مستطيل الشكل.

يضع على كل ضلع ٥ مخاريط من ضمنها مخروط واحد عند كل ركن.

المطلوب: عدد المخاريط اللازمة لذلك.

خط

باستعمال خطة رسم صورة أرسم صورة لأجد حل المسألة.

حل

عند رسم صورة أجد أن كل ضلع من المستطيل عليه ٣ مخاريط،



الى جانب مخروط عند كل ركن

$$١٦ = ٤ + (٤ \times ٣)$$

اعد المخاريط أجد أنه يضع ١٦ مخروطا حول الملعب

تحقق

تحقق من المخطط، إذن الإجابة صحيحة.

الاختبار التراكمي (٩)

القسم ١ اختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة:

١ مع سعيد ١٢ ريالاً، ومع فارس ١٨ ريالاً. ما نسبة ما مع سعيد إلى ما مع فارس؟

- (أ) ٣:٢
- (ب) ٢:٣
- (ج) ٢:١
- (د) ١:٢

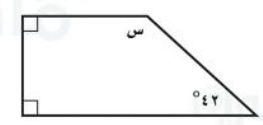
٢ تحتاج سعاد إلى ٥ ملاعق من السكر لعمل ٦ أكواب من العصير، استعمل جدول النسبة لإيجاد كم ملعقة من السكر تحتاج لعمل ٢٤ كوباً من العصير.

- (أ) ٩
- (ب) ١٨
- (ج) ٢٠
- (د) ٢٣

٣ حلّ التناسب $\frac{س}{٣٠} = \frac{٦}{٥}$

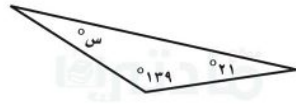
- (أ) ٣٦
- (ب) ١٦
- (ج) ٩
- (د) ٤

٤ أوجد قيمة س في الشكل الرباعي أدناه.



- (أ) ٢٦
- (ب) ١٣٨
- (ج) ١٨٠
- (د) ٢١٢

٥ أوجد قيمة س في المثلث أدناه.



- (أ) ٢٠
- (ب) ٢١
- (ج) ٢٤
- (د) ٦٩

٦ ما ناتج $\frac{٩}{١٥} \times \frac{٢٥}{٣٣}$ ؟

- (أ) $\frac{٥}{١١}$
- (ب) $\frac{٩}{١١}$
- (ج) $\frac{٥}{١١}$
- (د) $\frac{١}{٥}$

٧ يشكّل استهلاك الفرد للمياه باستخدام الصنابير تقريباً ٣٢٪ من استهلاك الفرد اليومي للمياه. اكتب هذه النسبة في صورة كسر عشري.

٨ يحتوي كيس على ٤ كرات حمراء، و ٩ زرقاء، و ٤ سوداء، و ٣ خضراء. إذا سحبت كرة واحدة منها عشوائياً، فما احتمال ألا تكون زرقاء؟

- (أ) $\frac{٢}{٥}$
- (ب) $\frac{٣}{٤}$
- (ج) $\frac{٣}{٢٠}$
- (د) $\frac{١١}{٢٠}$

الإجابات في الصفحة التالية

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي، موضِّحاً خطوات الحل:

١٢ عرض محلّ ملابس على زبائنه اختيار قطعة واحدة من كل من الفئات الثلاث المبيّنة في الجدول مقابل ١٧٠ ريالاً للقطع الثلاث.

جوارب	غترّة	ثوب
مخططة	حمراء	صيفي
سادة	بيضاء	قطني
منقطة	بيج	شتوي

(أ) ما عدد الخيارات الممكنة للأشياء التي يمكن شراؤها بالسعر المعلن؟ بين هذه الخيارات باستعمال الرسم الشجري.

(ب) إذا اخترت قطعة واحدة من كل فئة بشكل عشوائي، فما احتمال أن يشتمل اختيارك ثوباً صيفياً، وغترّة حمراء أو بيضاء، وجورب مخطط؟

(ج) إذا حُذِفَ الثوب الصيفي من العرض، فكم يصبح عدد خيارات الشراء المتاحة؟



أتدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

التفكير

أنا طالبٌ معدٌّ للحياة، و منافسٌ عالمياً.

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟												
١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	إذا لم تجب عن السؤال
٤-٨	٢-٩	٣-٩	١-٨	٣-٨	٢-٨	مهارة سابقة	٣-٩	٤-٩	٤-٧	٢-٧	١-٧	فراجع الدرس

٩ استلم محلّ بيع حقائب شحنّة من الحقائب. إذا كان ٤٥٪ منها حقائب ظهر، فما الكسر الاعتيادي الذي يمثّل حقائب الظهر في الشحنّة؟

(أ) $\frac{15}{20}$ (ب) $\frac{1}{3}$

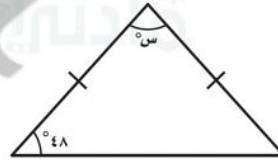
(ب) $\frac{9}{20}$ (د) $\frac{9}{20}$

الإجابة القصيرة

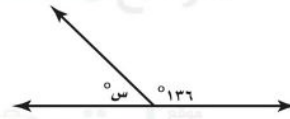
القسم ٢

أجب عن كل من السؤالين الآتيين:

١٠ أوجد قيمة س في المثلث أدناه.



١١ أوجد قيمة س في الشكل أدناه.



الإجابات في الصفحة التالية

اختر الإجابة الصحيحة:

١ مع سعيد ١٢ ريالاً، ومع فارس ١٨ ريالاً. ما نسبة ما مع سعيد إلى ما مع فارس؟

(ج) ٢:١

(د) ٣:٢

(ب) ١:٢

(أ) ٢:٣

٢ تحتاج سعاد إلى ٥ ملاعق من السكر لعمل ٦ أكواب من العصير، استعمل جدول النسبة لإيجاد كم ملعقة من السكر تحتاج لعمل ٢٤ كوباً من العصير.

(ج) ٢٠

(د) ٩

(ب) ١٨

(أ) ٢٣

٣ حلّ التناسب $\frac{7}{5} = \frac{x}{30}$

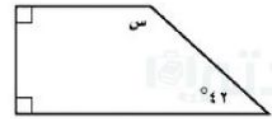
(ج) ٩

(د) ٣٦

(ب) ١٦

(أ) ٤

٤ أوجد قيمة س في الشكل الرباعي أدناه.



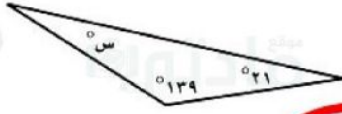
(ج) ١٨٠

(د) ٢٦

(ب) ١٣٨

(أ) ٢١٢

٥ أوجد قيمة س في المثلث أدناه.



(ج) ٢٤

(د) ٢٠

(ب) ٦٩

(أ) ٢١

٦ ما ناتج $\frac{9}{15} \times \frac{25}{33}$ ؟

(ج) $1 \frac{5}{11}$ (د) $\frac{5}{11}$ (ب) $2 \frac{1}{5}$ (أ) $\frac{9}{11}$

٧ يُشكل استهلاك الفرد للمياه باستخدام الصنابير تقريباً ٣٢% من استهلاك الفرد اليومي للمياه. اكتب هذه النسبة في صورة كسر عشري.

٠.٣٢

٨ يحتوي كيس على ٤ كرات حمراء، و٩ زرقاء، و٤ سوداء، و٣ خضراء. إذا سحب كرة واحدة منها عشوائياً، فما احتمال ألا تكون زرقاء؟

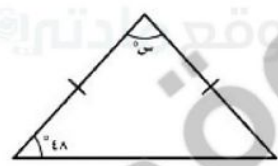
(ج) $\frac{3}{20}$ (د) $\frac{2}{5}$ (ب) $\frac{11}{20}$ (أ) $\frac{3}{4}$

٩ استلم محل بيع حقائب شحنة من الحقائب. إذا كان ٤٥٪ منها حقائب ظهر، فما الكسر الاعتيادي الذي يمثل حقائب الظهر في الشحنة؟

- (أ) $\frac{15}{20}$
- (ب) $\frac{9}{20}$
- (ج) $\frac{1}{3}$
- (د) $\frac{9}{25}$

القسم ٢ الإجابة القصيرة

١٠ أجب عن كل من السؤالين الآتيين: أوجد قيمة س في المثلث أدناه.

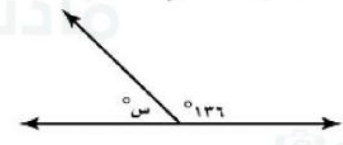


بما أن المثلث متساوي الساقين

إذا زاويتي القاعدة متساويتين = ٤٨°

$$س = 180 - (48 + 48) = 84^\circ$$

١١ أوجد قيمة س في الشكل أدناه.



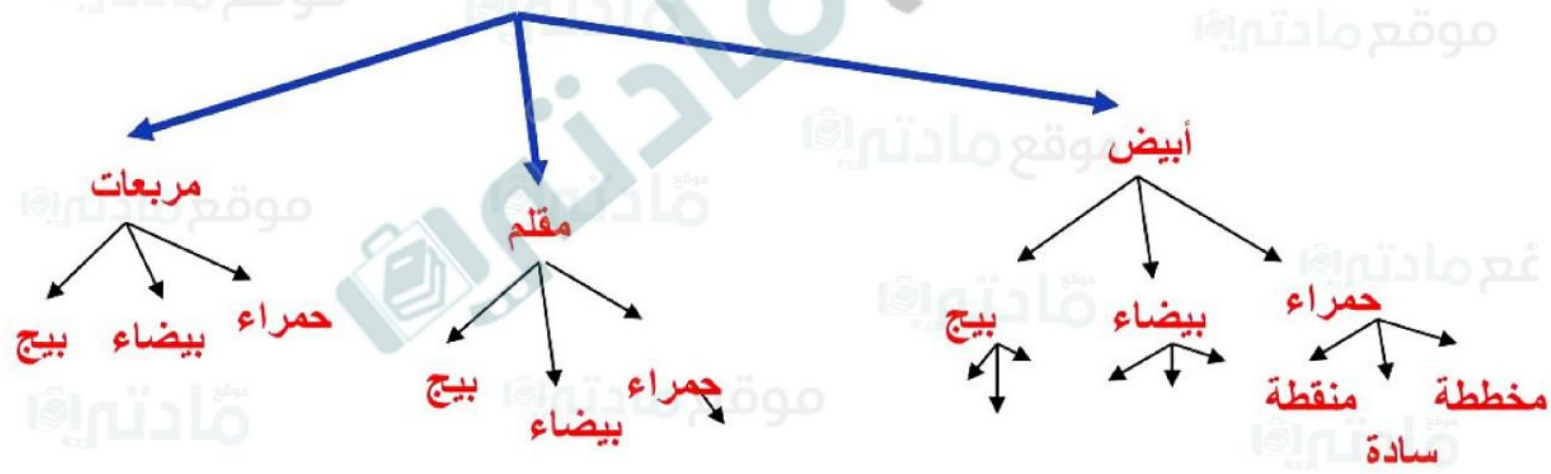
بما أن الزاويتين متكاملتان أي مجموعهما ١٨٠°

$$س = 180 - 136 = 44^\circ$$

أجب عن السؤال الآتي، موضِّحاً خطوات الحل:
 ١٢ عرض محلّ ملابس على زبائنه اختيار قطعة واحدة من كل من الفئات الثلاث المبيّنة في الجدول مقابل ١٧٠ ريالاً للقطع الثلاث.

ثوب	غترّة	جوارب
صيفي	حمراء	مخططة
قطني	بيضاء	سادة
شتوي	بيج	منقطة

١) ما عدد الخيارات الممكنة للأشياء التي يمكن شراؤها بالسعر المعلن؟ بين هذه الخيارات باستعمال الرسم الشجري.



٢٧ ناتج ممكن

ب) إذا اخترت قطعة واحدة من كل فئة بشكل عشوائي،
فما احتمال أن يشتمل اختيارك ثوبًا صيفيًا، وغترية
حمراء أو بيضاء، وجوربٍ مخططٍ؟

الاحتمال
 $\frac{2}{27}$

ج) إذا حُذِفَ الثوبُ الصيفيُّ من العرض، فكم يصبح
عددُ خياراتِ الشراءِ المتاحة؟

الاحتمالات تصبح ١٨ اختيار